

## ارزیابی توابع توزیع آماری رایج و روش‌های محاسبه پارامترهای آن‌ها در برآورد احتمال رویدادهای خشکسالی هیدرولوژیکی (مطالعه موردي: رودخانه‌های غرب حوضه دریاچه ارومیه)

محمد ناظری تهروندی<sup>۱</sup>, کیوان خلیلی<sup>۲</sup>, جواد بهمنش<sup>۳\*</sup>

تاریخ دریافت: ۹۳/۰۱/۲۷ تاریخ پذیرش: ۹۳/۰۷/۱۸

<sup>۱</sup>-دانشجوی کارشناسی ارشد منابع آب، دانشگاه ارومیه

<sup>۲</sup>-استادیار گروه مهندسی آب، دانشگاه ارومیه

<sup>۳</sup>-دانشیار گروه مهندسی آب، دانشگاه ارومیه

\*مسئول مکاتبات، پست الکترونیکی: j.behmanesh@urmia.ac.ir

### چکیده

در بیشتر موارد مشاهده شده است که مقادیر پارامترهای آماری با گشتاورهای داده‌های مشاهداتی همخوانی ندارد. در مطالعه حاضر، داده‌های حجم کمبود آب در دوره‌های خشکی برای ۹ رودخانه از حوضه‌های غرب دریاچه ارومیه، تا تداوم ۶۰ روزه، از داده‌های دبی روزانه محاسبه و مورد تحلیل فراوانی قرار گرفت. به‌منظور برآورد احتمال خشکسالی هیدرولوژیکی در این حوضه‌ها، ۱۲ توزیع آماری رایج مورد آزمون قرار گرفتند. با استفاده از آزمون نکوبی برآش خی‌دو و ضریب تبیین بین داده‌های مدل‌شده و مشاهدهای،تابع لاغ پیرسون نوع ۳ به عنوان مناسب‌ترین توزیع (از بین مدل‌های استفاده شده) انتخاب گردید. جهت تخمین پارامترهای توزیع آماری منتخب، روش‌های بیشینه درست-نمایی، گشتاورهای معمولی، گشتاورهای میانگین متفرقه و گشتاورهای کاربردی لگاریتم مشاهدات مورد مقایسه قرار گرفتند. نتایج نشان داد که روش تخمین پارامتر گشتاورهای میانگین متفرقه نسبت به سایر روش‌های مورد استفاده، از دقیق‌تری برخوردار است. متوسط آماره جذر میانگین مربعات خطأ برای این روش،  $0.855$  متر مکعب بر ثانیه بود.

واژه‌های کلیدی: تابع توزیع، تخمین پارامتر، خشکسالی هیدرولوژیکی، دریاچه ارومیه، لاغ پیرسون نوع ۳

## Evaluation of Common Statistical Distribution Functions and the Calculation Methods of Their Parameters for Estimating the Probability of Hydrological Drought Events (Case Study: West of Lake Urmia Basin Rivers)

M Nazeri Tahrudi<sup>1</sup>, K Khalili<sup>2</sup>, J Behmanesh<sup>3\*</sup>

Received: 16 April 2014 Accepted: 10 October 2014

<sup>1</sup>-M.Sc. Student of Water Resources Management, Urmia Univ., Urmia, Iran

<sup>2</sup>-Assit. Prof., Dept. of Water Engin., Urmia Univ., Urmia, Iran

<sup>3</sup>-Assoc. Prof., Dept. of Water Engin., Urmia Univ., Urmia, Iran

\* Corresponding Author, Email: j.behmanesh@urmia.ac.ir

### Abstract

In most cases, it is observed that the statistical parameters values are not coincident with the moments of observed data moments. In the present study the data of water deficit in dry spells were extracted for the nine rivers located in the west basins of Lake Urmia from the daily flow rates data for sixty-day durations and these calculated data were used to the frequency analysis. In order to estimate the hydrological drought probability in the watersheds of the mentioned rivers, 12 common statistical probability distributions were tested. Using the Chi-square and the coefficient of determination tests between the observed and modeled data, the Log-Pearson type 3 was selected as the most suitable model among the used ones. In order to estimate the parameters of the selected distribution, the results of the methods namely maximum likelihood, ordinary moments, sundry average method and applied moment method based on the logarithms of the observations, were compared. The results showed that the accuracy of the sundry average method was more than those of the other used methods. The average value of the root mean square error statistic for the mentioned method was  $0.855 \text{ m}^3/\text{s}$ .

**Keywords:** Distribution function, Hydrological drought, Log Pearson III, Parameter estimation, Urmia Lake

آبخیز یا حوضه آبریز رودخانه بیان می‌شود. گرچه همه خشکسالی‌ها از کمبود بارش منشأ می‌گیرند لیکن هیدرولوژیست‌ها بیشتر به این موضوع توجه دارند که این کمبود چگونه در سیستم هیدرولوژیکی ظاهر می‌شود. خشکسالی‌های هیدرولوژیکی معمولاً با تأخیر زمانی بیشتری نسبت به خشکسالی‌های هواشناسی یا کشاورزی رخ می‌دهند. دقت تحلیل فراوانی خشکسالی هیدرولوژیکی به توزیع آماری مناسب وابسته است. هافتون (۱۹۷۸) بیان کرد که تابع‌های برآش قدیمی سه پارامتری مانند لاغنرمال برآش خوبی بر داده‌های سیلابی ندارند و تابع ویکبای<sup>۱</sup> پارامتری را معرفی

### مقدمه

از دیدگاه هیدرولوژیک هر یک از پارامترهای دبی آب‌های جاری رودخانه‌ها، تراز آب دریاچه‌ها و تراز آب‌های زیرزمینی می‌توانند برای تحلیل خشکسالی استفاده شوند. همواره یکزمان تأخیر بین کاهش بارندگی و کم شدن آب‌های جاری و رودخانه‌ها و آب دریاچه‌ها و آب‌های زیرزمینی وجود دارد. بنابراین، معیار هیدرولوژیک نمی‌تواند اولین نشان‌گر خشکسالی باشد. زیرا زمانی که کمبود بارش اتفاق بیفتد بعد از مدتی این کاهش در آب‌های سطحی و زیرزمینی منعکس خواهد شد (پالمر ۱۹۶۵). فراوانی و شدت خشکسالی‌های هیدرولوژیکی غالباً در مقیاس یک

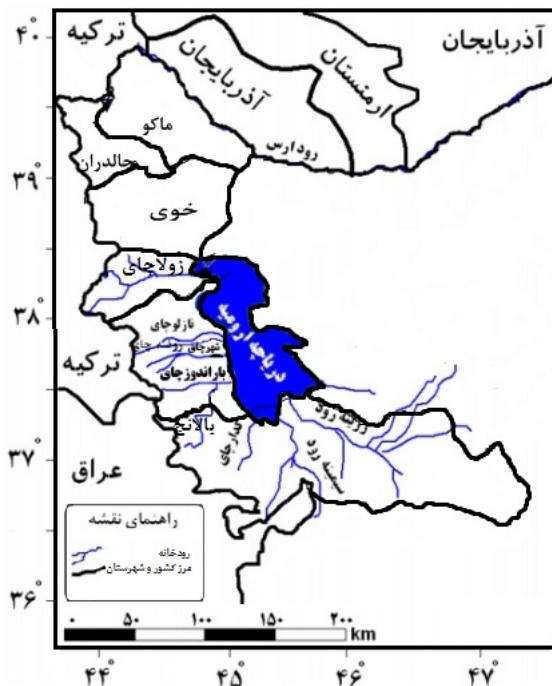
<sup>1</sup> - Wakeby

اطلاعات بیشتری در مورد وقوع بیشینه بارش‌ها در آینده در اختیار می‌گذارد. یوسفی و همکاران (۱۳۸۶) با استفاده از توزیع نرمال و ترسالی ایستگاه قزوین را بر حالت‌های خشکسالی و ترسالی ایستگاه قزوین را بر اساس بارش‌های سالانه و فصول مختلف برآورد کردند و نتایج حاصل از آزمون خی‌دو برتری زنجیره مارکف را نسبت به توزیع نرمال تأیید نمود. میرزاچی و غواصیه (۱۳۸۵) جهت برآورد دوره بازگشت سیل رودخانه‌های خرسان و لردگان به ترتیب در ایستگاه‌های بارز و چشم، از داده‌های ویژگی‌های فیزیکی حوضه آبریز (مساحت حوضه، شکل حوضه و هیدروگراف‌های سیل مشاهده شده)، معادلات تجربی، آمارهای دبی‌های بیشینه سالانه، آمارهای عمق بیشینه بارش سالانه استفاده کردند و با استفاده از نرم‌افزار HYFRAN هیدروگراف‌های سیل با دوره برگشت‌های مختلف را تولید و بازسازی کردند. عدی‌کردانی و فاخری‌فرد (۱۳۸۷) دبی‌های بیشینه سالانه ۳۸ رودخانه حوضه- ۳۴ های آذربایجان شرقی در دوره آماری مشترک ساله را با استفاده از توزیع‌های ویکبای پنج پارامتری، لجستیک تعمیم‌یافته، مقادیر حد تعمیم‌یافته و پارتول تعمیم‌یافته و با روش گشتاورهای خطی برآش دادند و آزمون نکویی برآش، مناسب‌تر بودن توزیع ویکبای پنج پارامتری را تأیید کرد. فاتحی پیکانی (۱۳۸۸) چندین توزیع آماری را بر داده‌های سرعت باد اندازه‌گیری شده در مقیاس گره برای ایستگاه‌های سینوپتیک داران، بافت، سرخس و مایان برآش دادند. نتایج نشان داد که تمرکز بر روی یک توزیع برای ارائه توزیع فراوانی سرعت باد مناسب نیست. مساعدي و همکاران (۱۳۸۸) ۲۵ توزیع آماری را بر روی آمار دبی روزانه رودخانه گرگان‌رود در ایستگاه هیدرومتری گندکاووس در طی دوره آماری ۵۰ ساله برآش دادند و با استفاده از نرم- افزار EasyFit و آزمون‌های کلموگروف- اسمیرنوف و خی‌دو، معلوم شد که توزیع‌های لاغرمال ۳ پارامتری و پارتول تعمیم‌یافته، توزیع‌های مناسبی برای دوره‌های مختلف کم‌آبی می‌باشند. مرادی و شهنه‌ی دارابی (۱۳۸۸) با استفاده از آمار سال‌های ۱۳۴۵ تا ۱۳۷۹ ایستگاه تنگ

کرد که بسیار انعطاف‌پذیر بود و اشکال مختلف داده‌ها را شامل می‌شد. بعد از آن لندویهر (۱۹۷۹)، هاکتانیر (۱۹۹۲)، ووگل و همکاران (۱۹۹۳)، هاکتانیر و هارلاچر (۱۹۹۳) و آزتیکن (۲۰۱۱) از این توزیع جهت برآش داده‌های سیلاب و باران و محاسبه دوره بازگشت آن‌ها استفاده کردند. گریفیتس (۱۹۸۹) جهت برآش داده‌های سیلابی سالانه دو توزیع بتا و ویکبای را مورد آزمون قرار داد و نتایج مدل نشان‌دهنده دقت بالای توزیع ویکبای نسبت به توزیع بتا بود. کرول و ووگل (۲۰۰۲)، جینگی و هال (۲۰۰۴)، کومار و چترچی (۲۰۰۵)، نگوین (۲۰۰۶) و ابیدا و الوز (۲۰۰۷) با استفاده از گشتاورهای خطی تحقیقاتی جهت یافتن بهترین توزیع‌های آماری مناسب با داده‌های مختلف هیدرولوژی در مناطق مختلف انجام دادند. یولی (۲۰۰۴) با کاربرد تحلیل فراوانی بارندگی در مطالعه ویژگی‌های پراکندگی بارش در چیا-نان<sup>۱</sup> تایوان جنوبی با استفاده از توزیع‌های نرمال، لاغرمال، پیرسون نوع ۳ و لاغ پیرسون نوع ۳ در ۱۷۸ ایستگاه دارای داده‌های بارندگی سالانه برای بیش از ۱۰ سال نشان داد که توزیع لاغ پیرسون نوع ۳ بهترین توزیع در میان توزیع‌های احتمالاتی مورد بررسی بود. خلیلی و همکاران (۲۰۱۴) جهت برآورد دوره بازگشت سیل در رودخانه بابل‌رود، توزیع‌های آماری مختلف را مورد بررسی قرار دادند. غلامی و همکاران (۱۳۸۰) با استفاده از روش گشتاور لـ۳، توزیع-های احتمالی مناسب بر دبی کمینه، میانگین و بیشینه ۷۰ ایستگاه منطقه مازندران را برآش دادند و نتایج، توزیع گامبل و لاغرمال را برای دبی‌های بیشینه لحظه‌ای سالانه برای بیشتر ایستگاه‌ها مورد قبول دانست. غیور (۱۳۸۱) با استفاده از الگوهای تغییر برآش در ایستگاه اصفهان، خشکسالی‌ها و دوره بازگشت آن‌ها را مشخص نمود. خوشحال و همکاران (۱۳۸۴) کاربرد مدل گامبل در تجزیه و تحلیل فراوانی بارش‌های بیشینه حوضه کارون شمالی را مورد ارزیابی قرار دادند و نتایج حاکی از آن شد که روش گامبل ترکیبی در مقابل روش گامبل تک متغیره دقت بیشتری دارد و

<sup>۱</sup> - Chia-Nan

کوه سهند احاطه شده است. متوسط بارش حوضه آبریز دریاچه ۲۶۳ میلی‌متر هست و از مناطق مرکزی حوضه به‌سوی مناطق مرتفع پیرامونی بر مقدار بارندگی افزوده می‌شود. در شکل ۱ و جدول ۱ موقعیت و دوره آماری این رودخانه‌ها آورده شده است.



شکل ۱- موقعیت جغرافیایی برخی از رودخانه‌های حوضه دریاچه ارومیه واقع در استان آذربایجان غربی.

تکاب بهبهان، آمار ساعتی و روزانه سیلاب‌ها در ماه‌های تر سال (آبان لغایت اردیبهشت) را استخراج کردند و سپس با استفاده از نرم‌افزار HYFA اقدام به برآورد دوره بازگشت کردند. ناظری تهرودی و خلیلی (۱۳۹۲) جهت تخمین پارامترهای توزیع لاغ پرسون نوع ۲ در برآورد دوره بازگشت حجم خشکی رودخانه‌های غرب دریاچه ارومیه، روش گشتاورهای میانگین متفرقه را پیشنهاد کردند. هدف از تحقیق حاضر بررسی توابع توزیع آماری رایج بر داده‌های حجم خشکی رودخانه‌های منتهی به دریاچه ارومیه در غرب استان آذربایجان غربی و روش‌های تخمین پارامترهای توزیع منتخب جهت تحلیل دقیق‌تر احتمال رویداد خشکسالی هیدرولوژیکی محدوده مورد مطالعه است.

### مواد و روش‌ها منطقه مورد مطالعه و داده‌های مورد استفاده

در این مطالعه از داده‌های دبی روزانه (متراکعب بر ثانیه) رودخانه‌های منتهی به دریاچه ارومیه در محدوده استان آذربایجان غربی استفاده شده است. حوضه آبریز دریاچه ارومیه با وسعت حدود ۵۱۸۰ کیلومترمربع بین مختصات  $36^{\circ}-47^{\circ}$  تا  $53^{\circ}-44^{\circ}$  طول شرقی و  $30^{\circ}-40^{\circ}$  عرض شمالی واقع شده است. این حوضه در شمال غربی ایران قرار گرفته و به‌وسیله بخش شمالی کوههای زاگرس، دامنه جنوبی کوه سبلان و دامنه‌های شمالی، غربی و جنوبی

جدول ۱- مشخصات آماری سری زمانی جریان روزانه (متراکعب بر ثانیه) برخی از رودخانه‌های غرب حوضه دریاچه ارومیه.

رویدخانه	زیرینه رود	مهاباد رود	زیرینه رود	مهاباد رود	رویدخانه			
ایستگاه قمیش	کوتوله	کاهور	پیقلعه	تپیک	دبیج	تازه‌کند	علیا	چهريق
دوره آماری	۱۲۶۹-۸۹	۱۲۶۹-۸۹	۱۲۶۹-۸۹	۱۲۶۹-۸۲	۱۲۶۹-۸۹	۱۲۶۹-۸۹	۱۳۶۹-۸۹	۱۳۶۹-۸۹
متوسط دبی ( $m^3 s^{-1}$ )	۴۹/۲۸	۶/۱۷	۱/۳۶	۱۲/۲	۱۱/۵	۷/۸۸	۷/۵۵	۵/۳۹

مدت دوام دوره‌های خشکی از سری زمانی داده‌های دبی روزانه ۹ ایستگاه مورد مطالعه استخراج

### استخراج مدت دوام دوره‌های خشکی

که در آن  $n$  حجم نمونه مورداستفاده و  $T$  مجموع رتبه‌های داده‌هایی است که افزایش تفاوت (یا کاهش تفاوت) داشته‌اند. به‌طورکلی در این آزمون به هر یک از داده‌های مجموعه  $n$  یک شماره ردیف اختصاص داده می‌شود و سپس داده‌های مرتب شده از یک تا  $n$  شماره‌گذاری می‌شوند. سپس مجموعه  $n$  به صورت صعودی مرتب می‌گردد. در نهایت داده‌های مرتب شده از داده متناظر خود (داده‌های دارای شماره ردیف یک تا  $n$ ) کم شده و مقادیر کاهش (منفی) و افزایش (مثبت) یادداشت می‌شود. آماره حاصل با توجه به یکطرفه یا دوطرفه بودن فرض مقابل مورد بررسی قرار می‌گیرد. در صورتی که حجم نمونه‌ها کوچک باشد این آماره با مقدار حاصل از جدول ویلکاکسون مقایسه می‌شود و در صورت بزرگ بودن حجم نمونه از توزیع نرمال برای رد یا پذیرش فرض صفر استفاده می‌شود (ناظری تهروندی و خلیلی ۱۳۹۲).

#### آزمون ران تست

آزمون تصادفی بودن داده‌ها، آزمون ران تست هست که یک آزمون آماری غیرپارامتری است و ابتدا توسط آبراهام والد و جاکوب ولفوویتس<sup>۲</sup> پیشنهاد گردید که در اصل برای تصادفی بودن داده‌ها استفاده می‌شود (ناظری تهروندی و خلیلی ۱۳۹۲).

$$R = r_a + r_b \quad [3]$$

$$Z = \frac{R - \left( \frac{2n_a n_b}{n_a + n_b} + 1 \right)}{\sqrt{\frac{2n_a n_b (2n_a n_b - n_a - n_b)}{(n_a + n_b)^2 (n_a + n_b - 1)}}} \quad [4]$$

که در این معادلات،  $n_a$  داده‌های کمتر از شاخص مرکزی میانه،  $n_b$  داده‌های بیشتر از شاخص مرکزی،  $r_a$  و  $r_b$  به ترتیب تعداد دنباله داده‌های کمتر و بیشتر از شاخص مرکزی هستند. مقدار این عبارت در

گردید. ابتدا سال میانگین برای هر ۳۶۵ روز سال با استفاده از رابطه ۱ محاسبه می‌شود (ناظری تهروندی ۱۳۹۳).

$$K_1 = \frac{\sum Y_{ij}}{n} \quad (\text{For } i=1,2,3,\dots,365) \quad [1]$$

که در آن  $K_1$  برابر با سال میانگین روز  $i$ ،  $Y_{ij}$  برابر با دبی روز  $i$  در سال  $j$  و  $n$  برابر با تعداد سال دوره آماری است. با فرض  $K_1$  برابر با سال میانگین یک مهرماه،  $\sum Y_{ij}$  برابر با مجموع دبی یک مهرماه تمام سال‌های دوره آماری خواهد بود. بهمین ترتیب سال میانگین برای دوم مهرماه، سوم مهرماه تا سال میانگین ۲۹ اسفند محاسبه و سپس دبی روزانه از مقدار سال میانگین همان روز کم شده و با انتخاب بیشترین حجم خشکی (منفی‌ترین) پیوسته ۱ تا ۶۰ روزه، دوام‌های خشکی  $60, 60, \dots, 1$  روز استخراج می‌گردد. قبل از تحلیل فراوانی داده‌ها صورت گیرد که بدین منظور از روش والد- ولفوویتس (ران- تست) برای آزمون استقلال و از روش ویلکاکسون برای آزمون همگنی داده‌های خشکی استفاده شده است.

#### آزمون ویلکاکسون<sup>۱</sup>

زمانی که در یک تحقیق هدف مقایسه یک متغیر در دو وضعیت متقاول باشد و در صورت عدم برقراری فرض نرمال بودن نمونه، می‌توان از آزمون ناپارامتری ویلکاکسون برای مقایسه دو گروه وابسته استفاده نمود. این آزمون با در نظر گرفتن اختلاف مثبت و منفی بودن تفاوت داده‌ها اقدام به برآورد همگنی داده‌ها می‌کند (ویلکاکسون ۱۹۴۵).

$$Z = \frac{T - \frac{n(n+1)}{4}}{\sqrt{\frac{n(n+1)(2n+1)}{24}}} \quad [2]$$

<sup>2</sup> -Abraham Wald and Jacob Wolfowitz

<sup>1</sup> -Wilcoxon

این رودخانه‌ها انتخاب شود، سری زمانی داده‌های حجم خشکی رودخانه‌های مورد مطالعه با ۱۲ تابع توزیع آماری پیوسته برازش داده و توزیع منتخب با استفاده از آزمون نکویی برازش خی دو انتخاب خواهد شد.

توزیع‌های آماری مورد بررسی در این مطالعه، توزیع‌های نمایی<sup>۱</sup>، تعمیم‌یافته پارتون<sup>۲</sup>، مقادیر حدی تعمیم‌یافته<sup>۳</sup>، گامبل<sup>۴</sup>، ویبول<sup>۵</sup>، نرمال، لاغنرمال، لاغ-نرمال<sup>۶</sup> پارامتره، گاما، گاما تعمیم‌یافته<sup>۷</sup>، گاما معکوس و لاغ پیرسون نوع ۳ است. تابع چگالی توزیع لاغ پیرسون نوع ۳ به شرح رابطه ۸ ارائه گردید. جهت اطلاع از سایر توابع توزیع آماری می‌توان به خلیلی و همکاران (۲۰۱۴) مراجعه کرد.

### توزیع لاغ پیرسون نوع ۳

$$f(x) = \frac{1}{x\beta\Gamma(\alpha)} \left( \frac{\ln(x)-\gamma}{\beta} \right)^{\alpha-1} e^{-\frac{\ln(x)-y}{\beta}} \quad [8]$$

که در آن  $\alpha$  پارامتر شکل،  $\beta$  انحراف معیار و  $\gamma$  میانگین داده‌ها است (یو لی ۲۰۰۴، باوکر و همکاران ۲۰۰۵).

### روش‌های رایج و پیشرفته تخمین پارامترهای توابع توزیع آماری روش گشتاورها<sup>۸</sup>

در واقع این روش، قدیمی‌ترین روش برآوردهای پارامترهای توزیع فراوانی است که قدمت آن در ریاضی و آمار، به کارل پیرسون در اوخر دهه ۱۸۰۰ می‌رسد. در آمار، روش گشتاورها روشی است برای تخمین مقادیر پارامترهای یک توزیع احتمال که نمونه‌هایی از آن مشاهده شده است. در این روش، تخمین گشتاورهای توزیع احتمال با مقدار نظری گشتاورها (که تابعی از پارامترها هستند) برابر قرار داده شده و مقدار

1 -Exponential  
2 -Generalized Pareto  
3 -Generalized Extreme Value Distribution  
4 -Gumbel  
5 -Weibull  
6 -Generalized Gamma  
7 - Method of Moments

سطح اعتماد ۹۰، ۹۵ و ۹۹ درصد بررسی می‌شود (مندلهال و رینمود ۱۹۸۲).

### آزمون من- کندال

آزمون من- کندال اولین بار در سال ۱۹۲۸ توسط کندال (۱۹۸۳) بر اساس نوعی ضریب همبستگی ارائه شد (باوکر و همکاران، ۱۹۷۲). ضرایب همبستگی، میزان ارتباط را بین دو سری از متغیرها اندازه‌گیری می‌کند تا مشخص شود که آیا متغیر اول با افزایش متغیر دوم افزایش می‌یابد، یا کاهش می‌یابد و یا این‌که الگوهای تغییر آن‌ها در ارتباط با هم نیست. آزمون من- کندال با تعریف آماره  $S$  به شکل زیر تعریف می‌شود:

$$S = \sum_{i=1}^{n-1} \sum_{j=i+1}^n \text{Sign}(X_i - X_j) \quad \forall j > i \quad [5]$$

که در آن  $X_i$  و  $X_j$  مقادیر مرتب شده نمونه و  $n$  تعداد نمونه است.

مقدار  $\text{sign}(X_i - X_j)$  برای  $(X_i - X_j) < 0$ ، برابر با  $-1$ ، برای  $(X_i - X_j) = 0$ ، برابر با صفر و برای  $(X_i - X_j) > 0$ ، برابر با  $1$  است. مقدار استانداردشده  $Z_c$  و واریانس آماره  $S$  نیز از رابطه زیر محاسبه می‌شود:

$$Z_c = \begin{cases} \frac{S-1}{\sqrt{\text{Var}(S)}}, & S > 0 \\ 0, & S = 0 \\ \frac{S+1}{\sqrt{\text{Var}(S)}}, & S < 0 \end{cases} \quad [6]$$

مقادیر مثبت  $Z_c$  نشان‌دهنده روندهای افزایشی و مقادیر منفی  $Z_c$  نشان‌دهنده روندهای کاهشی است (باوکر و همکاران ۱۹۷۲).

$$\text{Var}(S) = \frac{1}{18} [n(n-1)(2n-5) - \sum_{p=1}^q t_p(t_p-1)(2t_p+5)] \quad [7]$$

که  $t_p$  شماره گره برای مقدار  $p$  ام و  $q$  تعداد دسته‌های با مقادیر یکسان است. از آنجاکه دقت تحلیل خشکسالی‌های هیدرولوژیکی از اهمیت بالایی برخوردار است، لذا جهت اطمینان از این‌که بهترین توزیع آماری جهت برازش داده‌های حجم خشکی برای

$$\log_a G = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \log_a x_i \quad [17]$$

$$= \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n y_i = m + \frac{\lambda}{\alpha}$$

$$\beta = \alpha k \quad \text{with} \quad k = \frac{1}{\log_e a} \quad [18]$$

$$f(\alpha) = \frac{\log_a(1 - \frac{1}{\alpha k}) + \frac{1}{\alpha}}{\log_a(1 - \frac{1}{\alpha^2 k^2})} - \frac{\log_a \bar{x} - \log_a G}{\log_a \bar{x} - \log_a H} = 0 \quad [19]$$

$$f'(\alpha) = \frac{\log_a \beta}{\alpha^2} \left( \frac{1}{c} - 1 \right) - \frac{2}{k \alpha^3 \beta} \left( \frac{1}{\alpha} + \log_a c \right) \quad [20]$$

$$\beta = (a - \frac{1}{\alpha^2 k^2}) \quad \text{and} \quad c = (a - \frac{1}{\alpha k}) \quad [21]$$

$$\lambda = \frac{\log_a H - \log_a \bar{x}}{\log_a(1 - \frac{1}{\alpha^2 k^2})} \quad [22]$$

$$m = \log_a G - \frac{\lambda}{\alpha} \quad [23]$$

در این روابط اگر  $r$  برابر با ۱ باشد، میانگین حسابی و اگر  $r$  برابر با -۱ باشد، میانگین هارمونیک محاسبه می‌شود، اندیس L بیان‌گر توزیع لگ پیرسون، a برابر با ۱۰،  $\bar{x}$  میانگین داده‌ها،  $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\lambda$ ,  $\mu'$  پارامترهای تابع است. روابط ۱۵ و ۱۶ به ترتیب با قرار دادن  $r=1$  و  $r=-1$  به دست می‌آیند. در این روش ابتدا پارامتر  $\alpha$  با استفاده از روش نیوتون-رافسون محاسبه می‌شود. به این صورت که روابط ۱۹ و ۲۰ محاسبه و با استفاده از روش حل معادلات غیرخطی نیوتون-رافسون، پارامتر  $\alpha$  محاسبه می‌شود. چنانچه  $f''(\alpha)$  صفر شود، از روش سکانت جهت محاسبه پارامتر  $\alpha$  استفاده می‌شود و فرآیند محاسبه  $\alpha$  پایان می‌یابد. با استفاده از پارامتر  $\alpha$  و روابط ۱۸، ۲۱ و ۲۲ پارامترهای مدل می‌آید.

پارامترها تخمین زده می‌شوند. مزیت روش گشتاورها، در برخی توزیع‌ها، سادگی معادلاتی است که برای تخمین پارامترها لازم است حل شوند.

$$m'_r = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i^r \quad r=0,1,2,\dots \quad [9]$$

$$\mu'_r = \frac{1}{\int_{-\infty}^{+\infty} x^r f(x) dx} \quad r=0,1,2,\dots \quad [10]$$

$$m_r = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - \mu)^r \quad r=0,1,2,\dots \quad [11]$$

$$\mu_r = \frac{1}{\int_{-\infty}^{+\infty} (x - \mu)^r f(x) dx} \quad r=0,1,2,\dots \quad [12]$$

که در آن  $m'_r$  و  $\mu'_r$  به ترتیب r امین گشتاور نمونه و جامعه حول مبدأ مختصات و  $m_r$  و  $\mu_r$  به ترتیب گشتاور حول میانگین برای نمونه و جامعه هستند. r مرتبه گشتاور،  $f(x)$  تابع چگالی احتمال توزیع آماری و  $\mu$  میانگین داده‌ها است (صفوی ۱۳۸۸).

#### روش گشتاورهای پیشرفته میانگین متفرقه<sup>۱</sup>

این روش، اولین بار توسط بابی و اشکار (۱۹۸۸) جهت برآورد پارامترهای تابع توزیع لگ پیرسون معرفی شد. این روش به شرح زیر است:

$$A(r) = \left( \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n X_i^r \right)^{\frac{1}{r}} \quad [13]$$

$$\lim_{r \rightarrow 0} A(r) = G \quad [14]$$

$$\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n X_i = (\mu'_1)_L = \frac{e^k}{(1 - \frac{r}{\beta})^\lambda} \quad [15]$$

$$\frac{1}{H} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \frac{1}{x_i} = (\mu'_{-1})_L = \frac{e^{-k}}{(1 + \frac{r}{\beta})^\lambda} \quad [16]$$

<sup>۱</sup> -Sundry Average Method (SAM)

این روش یک روش غیرمستقیم برای تخمین پارامترهای توزیع لاگ پیرسون نوع ۳ است که اولین بار توسط انجمن منابع آب آمریکا برای برآورد جریان سیل به کار گرفته شد. داده‌های لگاریتم جریان سیل توسط این مدل برآش یافته‌ند. هنگامی که یک نمونه با طول  $n$  موجود باشد، میانگین و واریانس آن از روابط زیر محاسبه می‌شود (فین و هیرا ۱۹۸۳):

$$m'_1 = \bar{y} = \frac{1}{n} \sum y_i \quad \text{and} \quad m_2 = \frac{1}{(n-1)} \sum (y_i - \bar{y})^2 \quad [27]$$

که در آن  $y_i$  برابر با  $\ln x_i$  و  $\bar{y}$  برابر با میانگین  $x_i$  دبی جریان مشاهداتی است. جهت محاسبه ضریب چولگی، ضریب تصحیح پیشنهادشده توسط بابی و رابیتاچی (۱۹۷۵) باید اعمال شود. در این مورد، زمانی که یک نمونه در دسترس باشد، ضریب چولگی (g) به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$g = C_s [1 + \frac{6.51}{n} + \frac{20.2}{n^2} + (\frac{1.48}{n} + \frac{6.67}{n^2}) C_s^2] \quad [28]$$

که در آن:

$$C_s = \left( \frac{1}{n} \right) \frac{\sum (y - \bar{y})^3}{\left[ \frac{1}{n} \sum (y - \bar{y})^2 \right]^{\frac{3}{2}}} \quad [29]$$

به این ترتیب پارامترهای توزیع لاگ پیرسون نوع ۳ به شرح زیر است:

$$f(x) = \left[ \frac{\frac{(Lnx - c)^{b-1}}{a} \exp[-\frac{Lnx - c}{a}]}{[\alpha \Gamma(b)]} \right] \quad [30]$$

$$b = \frac{4}{g^2}; \quad a^2 = \frac{m_2 g^2}{4}; \quad c = \bar{y} - a \quad [31]$$

جهت بررسی نکویی برآش آمارهای توزیع از آزمون خی دو و بدون کلاس‌بندی داده‌ها استفاده شد. آزمون خی دو برای پاسخ این سؤال که آیا یک نمونه از داده‌های به دست آمده از یک جامعه از توزیع خاصی تبعیت می‌کند یا نه استفاده می‌گردد. ویژگی جالب آزمون نکویی برآش خی دو آن است که می‌تواند برای

### روش بیشینه درستنمایی<sup>۱</sup>

روش بیشینه درستنمایی، که اولین بار توسط فیشر در بین سال‌های ۱۹۱۲ تا ۱۹۲۲ توسعه یافت و متدائل‌ترین روش تخمین پارامترهای احتمالاتی است، بر این اساس استوار است که بهترین مقدار برای پارامترهای توزیع احتمالی بر اساس بیشینه درستنمایی برای رخدادهای مشاهداتی به دست می‌آید (پیفانزاگل ۱۹۹۴). منظور از درستنمایی رخدادهای مشاهداتی همان حاصل ضرب احتمالات برای کلیه داده‌های مشاهداتی است. لذا اگر داده‌های مشاهداتی به دسته‌های با طول  $dx$  تقسیم‌بندی شود و داده‌های مشاهداتی مستقل به صورت  $X_1$  تا  $X_n$  در نظر گرفته شود و مقدار چگالی احتمال برای  $X=x_i$  به صورت  $f(x)$  در نظر گرفته شود، آنگاه بیشینه کردن احتمال ترکیبی معادل بیشینه کردن تابع درستنمایی زیر برآورد می‌گردد (هازوینکل ۲۰۰۱، صفوی ۱۳۸۸).

$$L = \prod_{i=1}^n f(x_i) \quad [24]$$

از آنجاکه توابع چگالی احتمال، که در هیدرولوژی کاربرد دارند، عمده‌ای از نوع توانی یا نمایی هستند، لذا برای سادگی محاسبات از لگاریتم تابع درستنمایی به صورت زیر استفاده شد:

$$\ln L = \sum_{i=1}^n \ln [f(x_i)] \quad [25]$$

با توجه به یکنواخت بودن  $\ln$  می‌توان محل بیشینه لگاریتم تابع درستنمایی را یافت. با فرض تابع  $f(x_i, \theta)$  که  $\theta$  پارامتر مجهول تابع توزیع است، در روش بیشینه درستنمایی  $\theta$  به صورت زیر محاسبه می‌گردد:

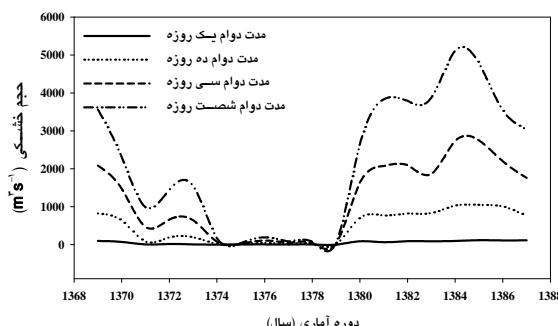
$$\frac{\partial}{\partial \theta} \ln f(x_i, \theta) = \sum_{i=1}^n \frac{\frac{\partial f(X_i, \theta)}{\partial \theta}}{f(X_i, \theta)} = 0 \quad [26]$$

### روش گشتاورهای کاربردی لگاریتم مشاهدات<sup>۲</sup>

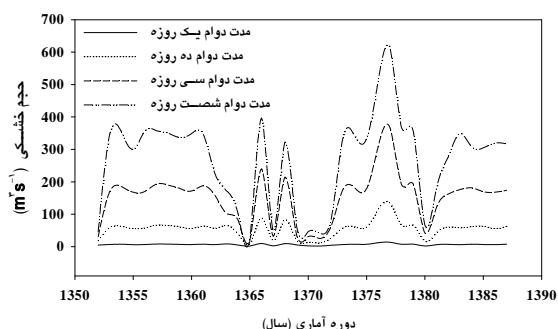
<sup>۱</sup> Maximum Likelihood

<sup>۲</sup> Applied moment method on the log of observations

آزمون قرار گرفتند. نتایج آزمون‌های تصادفی، روند و همگنی داده‌ها در سطح معنی‌داری ۱ درصد به‌شرح جدول ۲ ارائه گردید. تنها در رودخانه مهابادچای، تصادفی بودن داده‌ها در سطح معنی‌داری ۱ درصد معنی‌دار بود.



شکل ۲- حجم خشکی استخراج شده رودخانه زرینه‌رود برای دوام ۱، ۱۰، ۳۰ و ۶۰ روزه در طول دوره آماری.



شکل ۳- حجم خشکی استخراج شده رودخانه شهرچای برای دوام ۱، ۱۰، ۳۰ و ۶۰ روزه در طول دوره آماری.

هر توزیع تک متغیره که بتوان تابع توزیع تجمعی آن را محاسبه نمود به‌کار رود.

$$\chi^2 = \sum_{i=1}^n \frac{(O_i - E_i)^2}{E_i} \quad [۳۲]$$

که در آن  $O_i$  فراوانی مشاهده برای رده  $i$   $n$  تعداد داده‌ها و  $E_i$  فراوانی مورد انتظار برای رده  $i$  است و به صورت رابطه زیر محاسبه می‌شود.

$$E_i = n(F(Y_n) - F(Y_i)) \quad [۳۳]$$

به طوری که  $F$  تابع توزیع تجمعی و  $Y_n$  حد بالا و  $Y_i$  حد پایین طبقه  $i$  هستند. آماره آزمون تقریباً دارای توزیع خی دو با درجه آزادی  $K-c$  است که در آن  $k$  تعداد سلول‌های (خانه‌های)  $c$  و  $n$  تعداد پارامترهای برآورد شده برای توزیع به اضافه یک است (باوکر و همکاران ۱۹۷۲).

## نتایج و بحث

داده‌های خشکی رودخانه‌ها با استفاده از روش میانگین و داده‌های روزانه دبی منطقه مورد مطالعه استخراج و تا مدت دوام ۶۰ روزه تصحیح و تکمیل شد. برای نمونه، نتایج حاصل از محاسبه حجم خشکی دو رودخانه شهرچای و زرینه‌رود به‌شرح شکل‌های ۲ و ۳ ارائه گردید. داده‌های حجم خشکی استخراج شده قبل از برآش با توابع توزیع فراوانی با استفاده از آزمون‌های والد- ولفوویتس، من- کندال و ویلکاکسون مورد

جدول ۲- نتایج آماره‌های آزمون‌های ران-تست، من- کندال و ویلکاکسون برای داده‌های حجم خشکی رودخانه‌های مورد مطالعه.

نام رودخانه									زن آزمون
زن لاجی	زیمینه‌رود	باراندوزچای	نازلوچای	شهرچای	گادرچای	روضه‌چای	مهابادچای	زرینه‌رود	
۱/۹۹۲	۲/۵۲۱	۰/۹۲۷	۲/۱۲۲	۱/۴۰۲	۱/۰۳۲	۱/۳۹۹	۲/۶۳۲	۰/۲۳۱	ران-تست
۲/۵۳۱	۲/۴۳۱	۰/۴۰۸	۰/۹۲۶	۰/۱۷۷	۲/۴۷۶	۰/۶۹۹	۲/۴۲۲	۲/۰۹۹	من-کندال
۲/۲۲۶	۱/۷۶۲	۰/۵۶۱	۱/۳۴۹	۱/۵۷۷	۲/۵۴۹	۲/۴۰۱	۲/۲۷۶	۲/۴۰۸	ویلکاکسون

جدول ۳- آماره خی-دو مربوط به توزیع‌های فراوانی بر داده‌های حجم خشکی رودخانه‌های حوضه دریاچه ارومیه.

مدل	آماره خی-دو	نتیجه	آماره خی-دو	آماره خی-دو	آماره خی-دو	آماره خی-دو	آماره خی-دو
Normal	۲۷/۸۶	۱۸/۹۰	۱۰/۹۷	۵/۴۵	۲۸/۵۵	۲۲	۱۶/۴۴
	رد	رد	قبول (۵ درصد)	قبول (۵ درصد)	رد	رد	رد
Log-Pearson3	۱۳/۰۳	۱۲/۶۹	۷۶/۸۳۱	۱۲/۳۸	۱۲/۰۳	۱۲	۱۲/۰۳
	قبول (۵ درصد)	قبول (۵ درصد)	رد	قبول (۵ درصد)	قبول (۵ درصد)	قبول (۵ درصد)	نتیجه

جدول ۴- مقادیر ضریب تبیین ( $R^2$ ) بین داده‌های نمونه و مدل شده تابع‌های توزیع آماری انتخاب شده.

مدل	آماره خی-دو						
Gamma	.۸۵۵	.۹۷۵	.۹۰۳	.۹۴۴	.۹۵۶	.۹۶۰	.۸۷۲

بررسی همبستگی بین داده‌های نمونه و مدل نشان داد که تمام توزیع‌های آماری موردنسب آزمون خی-دو، دارای همبستگی بالایی هستند. در بین این توزیع‌ها، توزیع لاغ پیرسون نوع ۳، بیشترین همبستگی را دارد. بعد از انتخاب توزیع لاغ پیرسون نوع ۳ به عنوان توزیع برتر، داده‌های سری زمانی حجم خشکی رودخانه‌های منطقه مورد مطالعه، با استفاده از تابع توزیع آماری لاغ پیرسون نوع ۳ برآرازش یافتند. جهت تخمین پارامترهای تابع لاغ پیرسون نوع ۳ از چهار روش گشتاورهای معمولی، گشتاورهای پیشرفته متوسط متفرقه، بیشینه درستنمایی و گشتاورهای کاربردی لگاریتم مشاهدات استفاده شد. چهار روش ذکر شده برای داده‌های حجم خشکی با مدت دوام ۱ تا ۶۰ روزه و برای تمام رودخانه‌ها محاسبه شد. نتایج محاسبه آماره خی-دو هر چهار روش به شرح جدول ۵ ارائه گردید.

بعد از تأیید بررسی اولیه داده‌های حجم خشکی این رودخانه‌ها، این داده‌ها با استفاده از ۱۲ تابع توزیع آماری برآرازش یافتند. سپس با استفاده از آزمون نکویی برآرازش خی-دو، برآرازش این داده‌ها مورد بررسی قرار گرفت. نتایج بررسی آزمون نکویی برآرازش خی-دو به شرح جدول ۲ ارائه گردید. نتایج آماره مربوط به آزمون خی-دو با استفاده از جدول ۴ در دو سطح معنی‌دار ۱ و ۵ درصد مورد بررسی قرار گرفت و نتایج نشان داد که از بین ۱۲ توزیع موردادستفاده، ۵ تابع برآرازش مناسبی بر داده‌ها نداشته و مقدار محاسباتی آماره خی-دو در آن‌ها بسیار بیشتر از مقادیر جدول بود. تعداد ۷ تابع توزیع دیگر مورد تأیید آزمون خی-دو واقع شد. جهت انتخاب بهترین تابع از بین ۷ تابع موردنسب، همبستگی بین سری زمانی داده‌های مشاهداتی و مدل شده توسط ۷ تابع توزیع آماری، محاسبه گردید. نتایج در جدول ۴ ارائه گردید. نتایج

جدول ۵- مقادیر آماره خی-دو در تخمین پارامترهای تابع توزیع لاغ پیرسون نوع ۳ با چهار روش مختلف.

نام رودخانه										روش
زولا	سیمینه	باراندوز	نازلو	شهر	گادار	روضه	مهاباد	زرینه	رو	گشتاورهای معمولی
چای	رود	چای	چای	چای	چای	چای	چای	رود	رو	گشتاورهای میانگین متفرقه
۲/۲۶	۴/۲۳	۸/۶۷	۹/۸۸	۱۲/۴۵	۷/۳۴	۱/۵۵	۵/۵۹	۷/۲۸	۷/۲۸	گشتاورهای میانگین متفرقه
۲/۱۲	۵/۵۴	۸/۷۷	۷/۶۵	۱۲/۶۸	۷/۰۲	۱/۵۳	۵/۶۵	۷/۸۴	۷/۸۴	گشتاورهای کاربردی لگاریتم مشاهدات
۱۰/۲۴	۶/۲۲	۹/۳۲	۱۲/۱۳	۱۴/۲۲	۱۰	۱/۶۷	۷/۲۱	۸/۲۱	۸/۲۱	بیشینه درستنمایی
۲۰/۴۵	۶/۴۲	۱۲/۲۲	۹/۳۵	۱۲/۶۷	۶/۴۰	۳/۶۷	۷/۲۱	۷/۲۱	۷/۲۱	

جدول ۶- مقادیر ضریب همبستگی بین داده‌های مشاهداتی و محاسباتی با چهار روش مختلف.

نام رودخانه										روش
زولا	سیمینه	باراندوز	نازلو	شهر	گدار	روضه	مهاباد	زرینه	رود	
چای	رود	چای	چای	چای	چای	چای	چای	چای	رود	
۰/۷۸	۰/۹۹۱	۰/۹۶۷	۰/۸۹۲	۰/۹۶۴	۰/۹۸۸	۰/۹۴۷	۰/۹۸۰	۰/۹۹۸	۰/۹۹۸	گشتاورهای معمولی
۰/۹۳	۰/۹۹۴	۰/۹۶۱	۰/۸۹۹	۰/۹۷۱	۰/۹۸۹	۰/۹۶۸	۰/۹۸۹	۰/۹۹۳	۰/۹۹۳	گشتاورهای میانگین متفرقه
۰/۸۰۹	۰/۸۲۴	۰/۹۱۱	۰/۶۷۸	۰/۷۳۴	۰/۹۳۲	۰/۶۳۹	۰/۶۵۸	۰/۶۱۷	۰/۶۱۷	گشتاورهای کاربردی لگاریتم مشاهدات
۰/۱۹۳	۰/۳۰۵	۰/۵۱۲	۰/۵۷۷	۰/۲۸۹	۰/۱۵۲	۰/۷۲۲	۰/۴۰۸	۰/۱۱۵	۰/۱۱۵	بیشینه درستنمایی

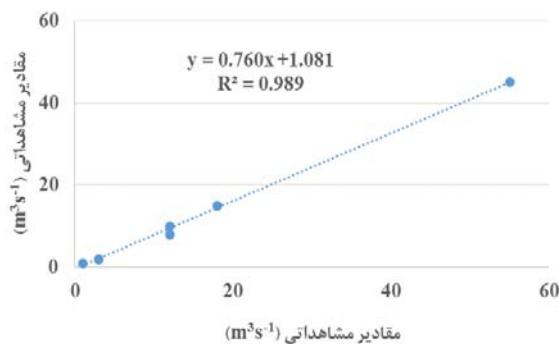
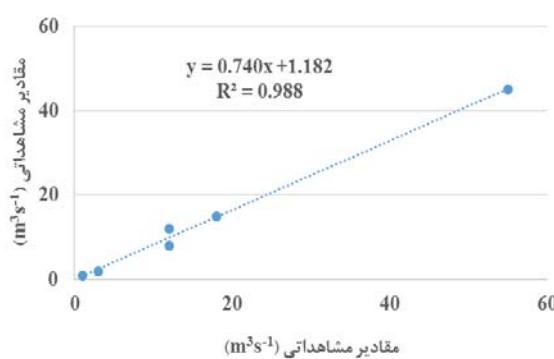
جدول ۷- مقادیر آماره جذر میانگین مربعات خطأ در بررسی دقت برآذش روش‌های مختلف تخمین پارامترها توزیع لاک پیرسون.<sup>۳</sup>

نام رودخانه										روش
زولا	سیمینه	باراندوز	نازلو	شهر	گدار	روضه	مهاباد	زرینه	رود	
چای	رود	چای	چای	چای	چای	چای	چای	چای	رود	
۰/۷۲۸	۰/۵۸۲	۰/۶۰۹	۱/۰۱۲	۰/۹۸۱	۱/۲۱۲	۱/۷۶۲	۱/۳۴۲	۰/۵۶۳	۰/۵۶۳	گشتاورهای معمولی
۰/۵۲۹	۰/۵۰۶	۰/۶۱	۰/۸۹۲	۰/۸۷۳	۱/۲۰۱	۱/۵۰۱	۱/۰۱۲	۰/۵۶۵	۰/۵۶۵	گشتاورهای میانگین متفرقه
۱/۷۵۱	۱/۰۳۸	۰/۷۲۶	۲/۴۱۵	۱/۳۱۴	۱/۳۴۵	۳/۲	۲/۲۷۳	۱۲/۷۷۲	۱۲/۷۷۲	گشتاورهای کاربردی لگاریتم مشاهدات
۱۶/۷۲۴	۱۰/۲۱۴	۳/۳۹۷	۲/۸۷۲	۸/۴۰۲	۲۰/۹۷	۲/۹۲۳	۴/۳۴۱	۱۷/۳۸۳	۱۷/۳۸۳	بیشینه درستنمایی

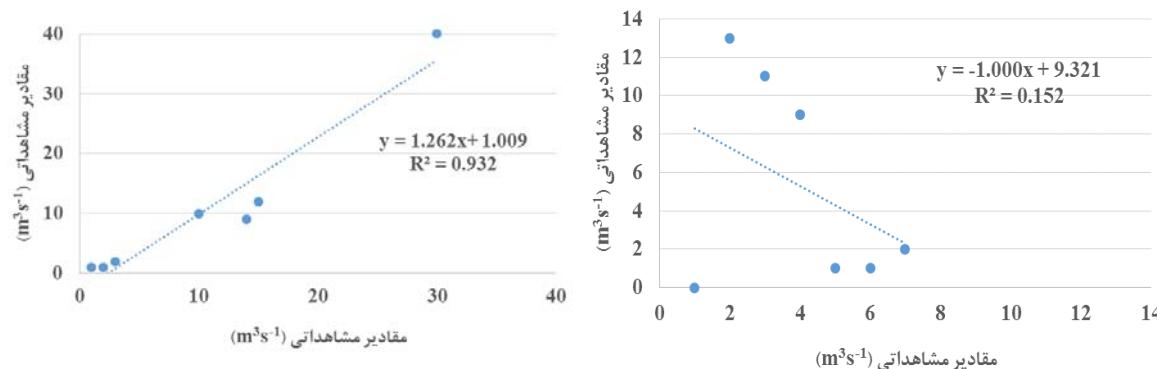
\*- واحد مقادیر جذر میانگین مربعات خطأ بر حسب واحد دبی جریان (مترمکعب بر ثانیه) است.

مشاهداتی و مدل به شرح جدول ۶ و نتایج بررسی آماره جذر میانگین مربعات خطأ به شرح جدول ۷ ارائه گردید. به عنوان نمونه، نمودار داده‌های آمار مشاهداتی و محاسباتی رودخانه گدارچای در شکل‌های ۴ و ۵ آورده شده است.

جهت اطمینان از انتخاب برتر روش تخمین پارامتر علاوه بر آماره خی-دو، نتایج بررسی آمار جذر میانگین مربعات خطأ و همبستگی مشخصات آمار توصیفی داده‌های تاریخی و مدل شده به دست آمد. نتایج بررسی همبستگی بین داده‌های آمار توصیفی



شکل ۴- پراکنش داده‌های مشاهداتی و محاسباتی به روش‌های گشتاورهای میانگین متفرقه و گشتاورهای برای رودخانه گدارچای.



شکل ۵- پراکنش داده‌های مشاهداتی و محاسباتی به روش‌های بیشینه درست‌نمایی و گشتاورهای لگاریتم مشاهدات برای رودخانه گادرچای.

زمانی داده‌های جریان کمینه ۱ تا ۳۰ روزه و خشکی رودخانه‌های غرب دریاچه ارومیه را مورد ارزیابی قرار دادند، مطابقت دارد. یولی (۲۰۰۴) نیز با تحلیل فراوانی بارندگی در مطالعه ویژگی‌های پراکندگی بارندگی در چیا-نان تایوان، توزیع لاگ پیرسون تیپ ۳ را از میان توزیع‌های احتمالاتی رایج، بهترین تابع معرفی کرد. همچنین در تحقیق حاضر، نتایج حاصل آماره خی دو در روش‌های تخمین پارامترها نشان داد که تمام روش‌ها تقریباً قابل قبول است. ولی جهت به کارگیری دقت بیشتر در تخمین پارامترهای توزیع مربوطه، لازم است علاوه بر آماره خی-دو، همبستگی بین داده‌های مشاهداتی و محاسباتی و آماره جذر میانگین مربعات خطأ نیز محاسبه گردد تا محاسبات مربوط به دوره بازگشت داده‌های حجم خشکی رودخانه‌های منطقه مورد مطالعه، دقیقتر و با اطمینان بیشتری حاصل شود. از بین روش‌های تخمین پارامتر تابع توزیع لاگ پیرسون نوع ۳، همان‌طور که مشاهده شد، دو روش گشتاورهای معمولی و گشتاورهای میانگین متفرقه نتایج تقریباً یکسان را ارائه دادند. درحالی‌که روش گشتاورهای میانگین متفرقه در بیشتر موارد همبستگی بیشتری نسبت به سایر روش‌ها داشت. همبستگی بین داده‌های مشاهداتی و محاسباتی، نشان از دقت قابل قبول روش گشتاورهای پیشرفته در تخمین پارامترهای تابع توزیع لاگ پیرسون نوع ۳ دارد.

همان‌طور که از شکل ۵ مشاهده می‌شود، همبستگی بین داده‌های مشاهداتی و محاسباتی روش بیشینه درست‌نمایی، معکوس و ۰/۱۵۲ در واحد دبی است. از آنجاکه ۷ داده مورد استفاده در این شکل، ۷ خصوصیت آماری داده‌های مشاهداتی و محاسباتی از قبیل میانگین، واریانس، انحراف میانگین، کمینه، ضریب چولگی و ضریب کشیدگی است، لذا استفاده از ۷ نقطه جهت رد یا پذیرش دقت روش‌های محاسبه پارامترهای توزیع منتخب، قابل قبول است.

### نتیجه‌گیری کلی

مراحل بررسی اولیه داده‌ها، برآش مدل، نکویی برآش مدل‌های منتخب بر داده‌های حجم خشکی رودخانه‌های حوضه‌های غرب دریاچه ارومیه اعمال شد. از بین ۱۲ مدل برآش داده شده، ۷ مدل با توجه به آزمون نکویی برآش خی-دو انتخاب شد که مدل‌های منتخب مورد ارزیابی قرار گرفت و مدل توزیع لاگ پیرسون نوع ۳ با همبستگی متوسط ۰/۹۷۵ بین داده‌های مشاهداتی سری زمانی اولیه و داده‌های برآش داده شده تمام رودخانه‌ها، انتخاب شد. توزیع‌های لاگ-نممال ۳، گاما و GEV نیز برآش خوبی بر داده‌های حجم خشکی رودخانه‌های مذکور دارند و اختلاف زیادی در آزمون ارزیابی مدل‌ها مشاهده نشد که این موضوع با نتایج تحقیق مساعدی و همکاران (۱۳۸۸) و ناظری تهرودی و خلیلی (۱۳۹۲) که به ترتیب سری

### منابع مورد استفاده

- خوشحال ج، غیور ح و رحیمی د، ۱۳۸۴. کاربرد مدل ترکیبی گامبل در تجزیه و تحلیل فراوانی بارش‌های حداکثر حوضه کارون شمالی. *فصلنامه جغرافیا و توسعه*، شماره ۵، صفحه‌های ۷۳ تا ۸۴.
- صفوی ح، ۱۳۸۸. هیدرولوژی مهندسی. ویرایش دوم، انتشارات ارکان دانش.
- عبدی کردانی ا و فاخری فرد ا، ۱۳۸۷. تحلیل توزیع‌های فراوانی دبی‌های حداکثر رودخانه‌ای با استفاده از گشتاورهای خطی. *صفحه‌های ۱ تا ۸* چهارمین کنگره ملی مهندسی عمران. ۱۷-۱۹ اردیبهشت‌ماه، دانشگاه تهران، تهران.
- غلامی ع، مهدوی م، قنادها م و وفاخواه م، ۱۳۸۰. بررسی توزیع‌های احتمالی مناسب برای دبی‌های حداقل، میانگین و حداکثر با استفاده از روش گشتاور L (مطالعه موردی: استان مازندران). *مجله منابع طبیعی ایران*، جلد ۵۴، شماره ۴، صفحه‌های ۴۲ تا ۵۶.
- غیور ح، ۱۳۸۱. دوره‌های خشکسالی اصفهان. *مجله علمی پژوهشی دانشکده ادبیات و علوم انسانی دانشگاه اصفهان*، دوره ۲، شماره ۳۰ و ۳۱، صفحه‌های ۱ تا ۱۴.
- فاتحی پیکانی ح، ۱۳۸۸. یک رویکرد آماری برای برآذش توزیع سرعت باد. *صفحه‌های ۱ تا ۸* هفتمین همایش ملی انرژی، کمیته ملی انرژی جمهوری اسلامی ایران. ۱-۲ دی‌ماه، تهران.
- مرادی م و شهنه دارابی ب، ۱۳۸۸. محاسبه دوره بازگشت سیلاب‌های ورودی به سد مارون با استفاده از نرم‌افزار EXCEL و HYFA. *صفحه‌های ۱ تا ۸* اولین کنفرانس ملی مهندسی و مدیریت زیر ساخت‌ها، ۱-۲ آبان ماه، دانشگاه تهران، تهران.
- مساعدي ا، زنگانه م، سامان منش ح و کريمي راد ا، ۱۳۸۸. تعیین مناسب‌ترین توابع توزیع آماری جریان‌های حداقل ۱ تا ۳۰ روزه، مطالعه موردی: ایستگاه هیدرومتری گنبدکاووس. *صفحه‌های ۱ تا ۱۰*. پنجمین همایش ملی علوم و مهندسی آبخیزداری ایران. ۲-۳ اردیبهشت‌ماه، انجمن آبخیزداری ایران، کرج.
- ميرزاي ع و غواصيه ا، ۱۳۸۵. بازسازی اطلاعات سیلاب‌های رودخانه‌ای خرسان و لردگان با استفاده از نرم‌افزار HYFRAN برای استفاده در نرم‌افزار HEC-HMS. *صفحه‌های ۱ تا ۹*. هفتمین سمینار بین‌المللی مهندسی رودخانه. ۲۴-۲۵ بهمن‌ماه، دانشگاه شهید چمران، اهواز.
- ناظری تهروندی م و خلیلی ک، ۱۳۹۲. معرفی روش گشتاورهای پیشرفته SAM در برآورد دوره بازگشت حجم خشکی رودخانه (مطالعه موردی: حوضه‌های دریاچه ارومیه). *صفحه‌های ۱ تا ۱۲*. اولین همایش ملی تأثیر پسروی دریاچه ارومیه بر منابع خاک و آب، ۳۰ مهر تا ۱ آبان، تبریز.
- ناظری تهروندی م، ۱۳۹۳. آنالیز خشکی رودخانه از دیدگاه هیدرولوژیکی (مطالعه موردی: رودخانه‌های حوضه دریاچه ارومیه). *پایان‌نامه کارشناسی ارشد*، دانشکده کشاورزی، دانشگاه ارومیه.
- يوسفى ن، حجام س و ايران‌نژاد پ، ۱۳۸۶. برآورد احتمالات خشکسالی و ترسالی با استفاده از زنجيره مارکوف و توزیع نرمال، مطالعه موردی: قزوین. *پژوهش‌های جغرافیایی*، شماره ۶، صفحه‌های ۱۲۱ تا ۱۲۸.
- Abida H and Ellouze M, 2007. Probability distribution of flood flow in Tunisia. *Hydrology and Earth System Sciences Discussions* 4: 957-981.
- Bobee B and Ashkar F, 1988. Sundry Averages Method (SAM) for Estimating Parameters of the Log-Pearson Type 3 Distribution. INRS-Eau Publication, Québec Canada, 30 P.
- Bobee B and Robitaille R, 1975. Correction of bias in the estimation of the coefficient of skewness. *Water Resources Research* 11 (6): 851-854.
- Bowker AH, Gerald J and Lieberman H, 1972. *Engineering Statistics*. Second Edition, Prentice-Hall.
- Griffiths GA, 1989. A theorectically based Wakeby distribution for annual flood series. *Hydrological Sciences Journal* 34: 231-248.
- Haktanir T and Horlacher HB, 1993. Evaluation of various distributions for flood frequency analysis. *Hydrological Science Journal* 38:15-32.

- Haktanır T, 1992. Comparison of various flood frequency distributions using annual flood peaks data of rivers in Anatolia. *Journal of Hydrology* 136: 1-31.
- Hazewinkel M, 2001. Maximum-likelihood Method. *Encyclopedia of Mathematics*, Springer, ISBN 978-1-55608-010-4.
- Houghton JC, 1978. Birth of a parent: the Wakeby distribution for modeling flood flow. *Water Resources Research* 14(6): 1105-1109.
- Jingyi Z and Hall MJ, 2004. Regional flood frequency analysis for the Gan-Ming river basin in China. *Journal of Hydrology* 296(1-4): 98-117.
- Kendall MG, 1938. A new measure of rank correlation. *Biometrika* 36: 81-93.
- Khalili K, Nazeri Tahrudi M, Abbaszadeh Afshar M and Nazeri tahrudi Z, 2014. Comparison of different peak flow frequency distribution functions (Case Study: Babolrood River). *Journal of Middle East Applied Science and Technology* 7(4): 174-179.
- Kroll CN and Vogel RM, 2002. Probability distribution of low stream flow series in the United States. *Journal of Hydrologic Engineering* 7(2): 137-146.
- Kumar R and Chatterjee C, 2005. Regional flood frequency analysis using L-moments for North Brahmaputra region of India. *Journal of Hydrologic Engineering* 10(1): 1-7.
- Landwehr JM, Matalas NC and Wallis JR, 1979. Probability weighted moments compared with some traditional techniques in estimating parameters and quantities. *Water Resource Research* 15(5): 1055-1064.
- Mendenhall W and Reinmuth J, 1982. *Statistics for Management and Economics*. Fourth Edition, Boston, PWS Publishers: Duxbury Press, 536P.
- Nguyen VT, 2006. On Regional Estimation of Floods for Ungaged Sites. *Asia Oceania Geosciences Society, McGill University, Singapore*.
- Ozteken T, 2011, Estimation of the parameters of Wakeby distribution by a numerical least squares method and applying it to the annual peak flow of Turkish rivers. *Water Resources Management* 25:1299-1313.
- Palmer WC, 1965. *Metrological Drought*. Washington, DC, USA: US Department of Commerce, Weather Bureau.
- Pfanzle J, 1994. *Parametric Statistical Theory*. Berlin: de Gruyter textbook, New York.
- Phien HN and Hira MA, 1983. Log Pearson type-3 distribution: parameter estimation. *Journal of Hydrology* 64: 25-37.
- Vogel RM, McMahan TA and Chiew FHS, 1993. Flood flow frequency model selection in Australia. *Journal of Hydrology* 146: 421-449.
- Wilcoxon F, 1945. Individual comparison by ranking methods. *Biometrics* 1(6): 80-83.
- Yu Lee C, 2004. Application of rainfall frequency analysis on studying rainfall distribution characteristics of Chia-Nan plain area in southern Taiwan. *Crop, Environment & Bioinformatics* 2: 31-39.