

## ارزیابی شبکه عصبی مصنوعی و مدل‌های فیزیکی تجربی تخمین تبخیر-تعرق گیاه مرجع در آب و هوای نیمه‌خشک

\*همایون فقیه\*

تاریخ دریافت: ۹۲/۰۹/۳۰ تاریخ پذیرش: ۹۴/۰۳/۲۰

پژوهشگر، مرکز تحقیقات کشاورزی و منابع طبیعی کردستان، سنندج، ایران

\*مسئول مکاتبات، پست الکترونیکی: hskuir@gmail.com

### چکیده

برآورد دقیق تبخیر-تعرق، به عنوان یکی از اجزای اصلی چرخه هیدرولوژی، در مدیریت منابع آب، برنامه‌ریزی آبیاری و مطالعه‌های زیست‌محیطی اهمیت فراوان دارد. اندازه‌گیری میزان واقعی این مؤلفه بسیار مشکل است، بنابراین به کارگیری مدل‌هایی که بر استفاده از داده‌های هواشناسی موجود استوار هستند می‌تواند به عنوان جایگزینی برای اندازه‌گیری مستقیم در نظر گرفته شود. این پژوهش با هدف بررسی کارآیی شبکه عصبی مصنوعی پرسپترون چندلایه و ۱۶ مدل رایج برای برآورد تبخیر-تعرق روزانه گیاه مرجع چمن، در منطقه سنندج انجام شد. برای این منظور داده‌های لایسی متربی به عنوان داده‌های مرجع انتخاب گردید و نتایج سایر روش‌ها با آن مورد ارزیابی قرار گرفت. نتایج نشان داد که روش تست تبخیر اصلاح شده به وسیله FAO، تبخیر-تعرق مرجع را نسبت به سایر روش‌های بررسی شده دقیق‌تر تخمین می‌زند. همچنین شبکه عصبی مصنوعی در برآورد تبخیر-تعرق مرجع دقت بالایی دارد. در میان روش‌ها، روش تست تبخیر و شبکه عصبی مصنوعی مقدار تبخیر-تعرق مرجع را در منطقه موردمطالعه به ترتیب ۰/۲۸ درصد کمتر و ۰/۳۷ درصد بیشتر از مقدار واقعی برآورد نمودند.

واژه‌های کلیدی: آب و هوای نیمه‌خشک، تبخیر-تعرق، شبکه عصبی مصنوعی، لایسی مترب

## Evaluating Artificial Neural Network and Physical-Empirical Models of Reference Crop Evapotranspiration Estimation in Semi-Arid Climate

H Faghih\*

Received: 21 December 2013 Accepted: 10 June 2015

Researcher, Agriculture and Natural Resources Research Center of Kurdistan, Sanandaj, Iran

\*Corresponding Author, Email: hfuir@gmail.com

### Abstract

Accurate estimation of evapotranspiration (ET), which is one of the main components of hydrologic cycle, is very important in water resources management, irrigation planning and environmental studies. Accurate measurement of this component is very difficult, so the application of the models relying on available meteorological variables might be an alternative to direct measurement. This study aimed at evaluating multilayer perceptron artificial neural network as well as sixteen reference crop ET estimation models in Sanandaj. To achieve this object, lysimeteric ET values were considered as standard values for evaluating the applied models. The results showed that the FAO improved pan evaporation method provides more accurate results than other applied methods. In addition, the results indicated that the artificial neural network produces more accurate results for estimating reference evapotranspiration ( $ET_0$ ). Among others, the pan evaporation and artificial neural network models showed, respectively, 0.28% and 3.37% under-estimation and over-estimation in the studied region.

**Keywords:** Artificial neural network, Evapotranspiration, Lysimeter, Semi-arid climate

روطوبتی به گیاه شده و در نتیجه کاهش محصول را به-  
هرماه خواهد داشت (کوچکزاده و بهمنی ۱۳۸۴).  
اندازه‌گیری تبخیر- تعرق واقعی بسیار مشکل  
است. در ایستگاه‌های تحقیقاتی برای اندازه‌گیری تبخیر-  
تعرق مرجع از لایسی متر استفاده می‌شود. لایسی مترها  
انواع مختلف دارند که دقیق‌ترین آن‌ها لایسی متر وزنی  
است (علیزاده ۱۳۸۱). ساخت این نوع لایسی متر پرهزینه  
است و تنها برای مقایسه نتایج سایر روش‌ها با آن و  
کارهای پژوهشی به کار می‌رود. بنابراین برای محاسبه  
تبخیر- تعرق مرجع از روش‌های تجربی استفاده می-  
شود (شریفیان و همکاران ۱۳۸۵). دقیق‌ترین نتایج از این

### مقدمه

مجموعه تبخیر از سطح مرطوب خاک و تعرق از  
پوشش گیاهی، تبخیر- تعرق نامیده می‌شود. فرآیند  
تبخیر- تعرق یکی از اجزای اصلی چرخه هیدرولوژی  
است. برآوردهای دقیق آن در طراحی و مدیریت سیستم‌های  
آبیاری، مطالعه بیلان آب و مدیریت منابع آب اهمیت  
زیادی دارد. تخمین بیش از حد آب مورد نیاز گیاه ضمن  
هدر دادن آب آبیاری باعث ماندگاری شدن اراضی، شستن  
مواد غذایی خاک و آلوده کردن منابع آب زیرزمینی می-  
شود. همچنین تخمین کم آن موجب اعمال استرس

ارپن‌بک (۱۹۸۱) در منطقه پروسور واشنگتن، با لایسی‌متر وزنی مقدار تبخیر- تعرق گیاه مرجع را به- دست آورد و در مقایسه با روش‌های تجربی، روش تشت تبخیر را توصیه کرد. آلن و همکاران (۱۹۸۹) مقدار تبخیر- تعرق گیاه مرجع برآورد شده با معادله‌های پنمن کیمبرلی، پنمن، پنمن اصلاح شده و پنمن مانتیث را با نتایج لایسی‌متر مقایسه نموده و گزارش کردند که روش پنمن مانتیث بیشترین هم‌خوانی را با نتایج اندازه‌گیری شده از لایسی‌متر دارد. سانتوس و همکاران (۱۹۹۴) روش جنسن هیز اصلاح شده را مناسب‌ترین روش برای تعیین تبخیر- تعرق گیاه مرجع در برزیل توصیه کردند. دهقانی‌سانیج و همکاران (۲۰۰۴) مقدار تبخیر- تعرق چمن در کرج را با روش‌های پنمن مانتیث فائق، پنمن، پنمن رایت، بلانی کریدل، تابش و هارگریوز برآورد نمودند و با نتایج لایسی‌متر مقایسه کردند. نتایج نشان داد که روش پنمن مانتیث فائق مناسب‌ترین روش برای منطقه کرج است. بنی و همکاران (۲۰۰۶) در ترکیه برای تعیین مقدار تبخیر- تعرق گیاه مرجع و هم‌چنین یافتن بهترین فرمول برآورد آن از لایسی‌متر وزنی استفاده نمودند. نتایج نشان داد که رابطه‌های پنمن و مککینک بهترین تطبیق را با داده‌های لایسی‌متری دارند. لوپزا- یورا و همکاران (۲۰۰۶) در منطقه آلبست اسپانیا تبخیر- تعرق گیاه مرجع را با روش‌های پنمن مانتیث فائق ۵۶، پنمن فائق ۲۴، بلانی کریدل فائق ۲۴، تابش فائق و هارگریوز- سامانی محاسبه کردند و با داده‌های لایسی- متری مورد مقایسه قرار دادند. نتایج پژوهش آن‌ها نشان داد مدل پنمن مانتیث فائق ۵۶ تبخیر- تعرق گیاه مرجع را با دقت بیشتری نسبت به سایر مدل‌های بررسی شده تخمین می‌زنند.

امروزه پژوهشگران، با ابداع و پیشرفت علمی مانند روش‌های هوش مصنوعی در جستجوی راه- هایی برای پیشرفت در شناخت و پیش‌بینی عامل‌های مهم هواشناسی می‌باشند. یکی از روش‌های هوش مصنوعی، شبکه‌های عصبی مصنوعی<sup>۱</sup> است که توانایی محاسبه و تقریب هر تابع حسابی و منطقی را دارند

روش‌ها با توجه به پارامترهای استفاده شده و شرایط آب و هوایی منطقه متفاوت هست. بنابراین لازم است در هر منطقه، معادله سازگار با آن محل انتخاب شود، که نیازمند ارزیابی دقیق معادله با استفاده از لایسی‌متر در آن محل است.

میلانی‌عنابی (۱۳۸۵) مقدار تبخیر- تعرق چمن در تبریز را با لایسی‌متر زهکش‌دار تعیین کرد و با روش- های بلانی کریدل، هارگریوز، مککینک، پنمن، پنمن مانتیث و تشت تبخیر مقایسه نمود. نتایج نشان داد که روش تشت تبخیر بیشترین همبستگی را با نتایج لایسی‌متر دارد. نوروزی (۱۳۸۵) مقدار تبخیر- تعرق چمن را در بوشهر با لایسی‌متر زهکش‌دار تعیین نمود و با نتایج روش‌های تجربی مورد مقایسه قرار داد. نتایج نشان داد که روش هارگریوز مناسب‌ترین روش در بوشهر است و روش‌های پنمن مانتیث، بلانی کریدل و تشت تبخیر در مراتب بعدی قرار دارند. رزاقی و سپاسخواه (۱۳۸۶) در ارزیابی روش‌های مختلف تخمین تبخیر- تعرق گیاه مرجع به کمک داده‌های اندازه‌گیری شده لایسی‌متر وزنی در منطقه کوشک نتیجه گرفتند که روش تابش فائق دقت بیشتری نسبت به سایر روش‌ها دارد و روش‌های هارگریوز سامانی، پنمن مانتیث، پنمن فائق در مراتب بعدی هستند. ابراهیمی پاک (۱۳۸۹) در ارزیابی روش‌های مختلف برآورد تبخیر- تعرق گیاه مرجع با استفاده از اندازه‌گیری‌های لایسی‌متری در قزوین گزارش کرد که روش هارگریوز سامانی (۱۹۸۲) همبستگی بالایی با نتایج اندازه‌گیری شده توسط لایسی- متر دارد و بعداز آن روش بلانی کریدل اصلاح شده به- وسیله سازمان فائق (FAO<sub>24</sub>) روش مناسبی برای اندازه- گیری تبخیر- تعرق گیاه مرجع است. ابراهیمی پاک (۱۳۹۰) در ارزیابی روش‌های مختلف برآورد تبخیر- تعرق گیاه مرجع با استفاده از مشاهدات لایسی‌متری در شهرکرد گزارش کرد که روش پنمن مانتیث اصلاحی توسط کوئینکا همبستگی بالایی با نتایج اندازه‌گیری شده با لایسی‌متر دارد و بعداز آن روش‌های هارگریوز سامانی (۱۹۸۲) و بلانی کریدل اصلاح شده به وسیله فائق (FAO<sub>24</sub>) روش‌های مناسب برای اندازه‌گیری تبخیر- تعرق گیاه مرجع هستند.

<sup>۱</sup> Artificial neural networks (ANN)

برتر معرفی نمودند. هژبر و همکاران (۱۳۹۳) تبخیر-تعرق گیاه مرجع را با شبکه عصبی مصنوعی و مدل‌های تجربی در منطقه کهریز ارومیه برآورد نمودند و نتایج آن‌ها را با داده‌های لایسی‌متري مقایسه کردند. داده‌روش‌ها به ترتیب شامل شبکه عصبی مصنوعی، تورک، جنسن هیز، پنمن مانتیث فائق و بلانی کریدل بود.

این پژوهش با هدف مقایسه نتایج شبکه عصبی مصنوعی و ۱۶ روش تجربی رایج برآورد تبخیر-تعرق گیاه مرجع (چمن) با داده‌های لایسی‌متري در منطقه سنتدج با آب‌وهوای نیمه‌خشک انجام شد. نتایج حاصل از این بررسی می‌تواند به پژوهشگران در ارزیابی اولیه و نگرشی بهتر، در انتخاب روش مناسب برای برآورد نیاز آبی گیاه مرجع و یا ارائه معادله‌های اصلاحی در شرایط آب و هوایی و محیطی مشابه، که داده‌های لایسی‌متري و یا داده‌های هواشناسی لازم برای تعیین تبخیر-تعرق به روش پنمن مانتیث ممکن نباشد، کمک کند.

## مواد و روش‌ها

**مشخصات منطقه، ایستگاه سینوپتیک و لایسی‌متري**  
منطقه سنتدج بر اساس روش دومارتون دارای آب‌وهوای نیمه‌خشک است و بر اساس آب‌وهوای نمای آمبرژه در منطقه نیمه‌خشک سرد قرار دارد. بیشینه دمای روزانه در گرم‌ترین ماه سال ۴۴ و کمینه آن در سردترین ماه سال ۳۱-درجه سلسیوس است. میانگین بارش سالانه آن در حدود ۴۶۳ میلی‌متر است. برای محاسبه تبخیر-تعرق مرجع با استفاده از روش‌های تجربی، داده‌های آب و هوایی موردنیاز، شامل میزان تبخیر از تشت کلاس A، بیشینه، میانگین و کمینه درجه حرارت، بیشینه، میانگین و کمینه رطوبت نسبی، سرعت باد و ساعات آفتابی روزانه، از ایستگاه سینوپتیک سنتدج تهیه شد. میانگین عوامل جوی در سه سال اجرای آزمایش در جدول ۱ ارائه شده است. ایستگاه سینوپتیک سنتدج دارای مختصات، طول جغرافیایی ۴۷ درجه و صفر دقیقه شرقی، عرض جغرافیایی ۳۵ درجه و ۲۰ دقیقه شمالی و ارتفاع ۱۳۷۳/۴ متر از سطح دریا هست.

(منهاج ۱۳۸۴). شبکه‌های عصبی مصنوعی با کمینه تعداد متغیرهای مستقل اندازه‌گیری شده، پیش‌بینی مناسبی از های ورودی نادرست یا ناقص در توابع ریاضی باعث خطای زیاد در نتایج خروجی می‌شوند، درصورتی که در شبکه‌های عصبی مصنوعی تا حد زیادی این خطاهای اثر خود را از دست می‌دهند ( بشیر و حاجمیر ۲۰۰۰). بدین‌جهت شبکه عصبی مصنوعی در حل مسائل غیرخطی، موازی، حجیم و خطدار روشی توانمند به شمار می‌آید (جین و همکاران ۲۰۰۴).

کومار و همکاران (۲۰۰۲) با استفاده از شبکه عصبی مصنوعی تبخیر-تعرق گیاه مرجع چمن را در منطقه دیویس کالیفرنیا برآورد نموده و با روش پنمن مانتیث مقایسه کردند. آن‌ها روش شبکه عصبی را به عنوان روش توانمندتر معرفی نمودند. کیسی (۲۰۰۶) برای پیش‌بینی تبخیر-تعرق مرجع روزانه از شبکه عصبی مصنوعی و داده‌های هواشناسی استفاده نمود و نتایج آن را با مدل‌های ریاضی پنمن و هارگریوز مقایسه کرد. نتایج نشان داد که شبکه عصبی مصنوعی تبخیر-تعرق را با دقت بالاتری نسبت به دو روش دیگر پیش‌بینی می‌نماید. زانتی و همکاران (۲۰۰۷) از شبکه عصبی مصنوعی با کمینه داده‌های هواشناسی برای تخمين تبخیر-تعرق در شهر ریودوژانیروی برزیل استفاده کردند. نتایج به دست آمده نشان داد شبکه عصبی با دمای بیشینه و کمینه هوا به عنوان ورودی، قابلیت پیش‌بینی تبخیر-تعرق را با دقت قابل قبول دارد. شایان نژاد و همکاران (۱۳۸۶) برآوردهای حاصل از دو روش شبکه عصبی مصنوعی و پنمن مانتیث فائق را با نتایج لایسی-متري مقایسه کردند. آن‌ها روش شبکه عصبی را دقیق‌تر و مزیت آن را نیاز به پارامترهای کمتر نسبت به روش پنمن مانتیث دانستند. بیاتورکشی و همکاران (۱۳۸۸) برای تخمين تبخیر-تعرق گیاه مرجع در منطقه همدان از روش‌های شبکه عصبی مصنوعی، استنتاج فازی عصبی تطبیقی، پنمن مانتیث فائق و بلانی کریدل استفاده نمودند و نتایج آن‌ها را با داده‌های لایسی‌متري مقایسه کردند. آن‌ها شبکه عصبی مصنوعی را به عنوان روش

جدول ۱- میانگین عوامل جوی و میانگین تبخیر- تعرق مرجع روزانه اندازه‌گیری شده با لایسی متر در سه سال اجرای آزمایش (۱۳۷۶ تا ۱۳۷۴).

آبان	مهر	شهریور	مرداد	تیر	خرداد	اردیبهشت	عوامل جوی
۲/۵۰	۷/۲۲	۱۱/۶۳	۱۷/۰۲	۱۶/۸۵	۱۱/۷۰	۷/۷۸	کمینه درجه حرارت ( $T_{\min}$ )، بر حسب (°C)
۱۸/۰۳	۲۶/۳۰	۳۳/۵۰	۲۸/۰۷	۳۵/۴۶	۲۹/۹۷	۲۲/۲۱	بیشینه درجه حرارت ( $T_{\max}$ )، بر حسب (°C)
۱۰/۷۷	۱۶/۷۷	۲۲/۵۷	۲۷/۵۵	۲۶/۱۶	۲۰/۸۴	۱۵/۵۰	میانگین درجه حرارت ( $T_{mean}$ )، بر حسب (°C)
۶/۸۵	۹/۱۹	۱۰/۹۲	۱۱/۷۱	۱۱/۵۴	۱۱/۴۲	۸/۹۶	ساعات آفتابی (n)، بر حسب (hr)
۳۴/۸۸	۱۷/۷۲	۱۱/۱۲	۹/۹۶	۱۲/۰۲	۱۷/۷۱	۲۵/۴۲	کمینه رطوبت نسبی ( $RH_{\min}$ )، بر حسب (%)
۷۷/۵۳	۶۰/۶۵	۵۱/۵۵	۴۴/۰۵	۴۷/۰۳	۶۶/۹۲	۷۶/۵۶	بیشینه رطوبت نسبی ( $RH_{\max}$ )، بر حسب (%)
۵۶/۲۱	۳۹/۱۸	۳۱/۳۴	۲۷/۰۱	۲۹/۵۲	۴۲/۲۱	۵۰/۹۹	میانگین رطوبت نسبی ( $RH_{mean}$ )، بر حسب (%)
۱۰/۹/۴۰	۱۳۲/۹۰	۱۳۶/۹۰	۱۴۴/۲۰	۱۶۲/۴۰	۱۵۵/۰۰	۱۵۱/۸۰	سرعت باد (U)، بر حسب (km day <sup>-1</sup> )
۵/۵۹	۷/۶۷	۹/۸۲	۱۱/۱۰	۱۱/۳۸	۱۱/۳۲	۹/۶۹	تابش خالص (Rn)، بر حسب (mm day <sup>-1</sup> )
۲/۷۳	۵/۱۶	۷/۱۱	۹/۲۸	۸/۷۳	۴/۹۳	۳/۰۶	تبخیر- تعرق مرجع (ET <sub>0</sub> )، بر حسب (mm day <sup>-1</sup> )

گذاشته شد. قبل از کاشت چمن، برای تعیین خصوصیات فیزیکی و شیمیایی خاک (جدول ۲) و نیاز غذایی گیاه از خاک درون لایسی متر و حاشیه آن تا عمق ۶۰ سانتی- متری نمونه‌های خاک تهیه شد. همه عملیات زراعی از قبیل آماده‌سازی زمین، کاشت بذر (در بهار سال اول آزمایش)، مصرف کود، کوتاه کردن چمن، آبیاری و مراقبت‌های زراعی در داخل و خارج لایسی متر یکسان و هم‌زمان صورت گرفت.

داده‌های لایسی متری از نتایج آزمایش لایسی متر زهکش‌دار ایستگاه تحقیقات گریزه به دست آمد (توشیح ۱۳۷۸). ایستگاه تحقیقات گریزه در یک کیلومتری ایستگاه سینوپتیک سندج واقع شده است. خاک محل احداث لایسی متر عمیق، دارای بافت لوم رسی، رژیم رطوبتی زریک و رژیم حرارتی ترمیک بود. لایسی متر اندازه‌گیری تبخیر- تعرق گیاه مرجع چمن از نوع لایسی متر زهکش- دار، به ابعاد ۲×۲ مترمربع و عمق ۱/۵ متر بود. لایسی- متر در مرکز محدوده‌ای به وسعت ۴۰×۴۰ مترمربع کار

جدول ۲- نتایج تجزیه خاک محل اجرای آزمایش قبل از کاشت (۱۳۷۴).

چگالی ظاهری (gr cm <sup>-3</sup> )	بافت	پتانسیم (ppm)	فسفر (ppm)	قابل جذب (ppm)	قابل جذب (ppm)	مواد	هدایت الکتریکی (dS m <sup>-1</sup> )	درجہ اشباع (%)	عمق (cm)
۱/۴۱	CL	۳۵۶	۷/۴۰	۰/۱۱	۱/۰۹	۱۳/۴۰	۷/۳۰	۰/۸۳	۳۰ تا ۳۰
۱/۳۳	CL	۱۸۷	۲/۳۰	۰/۰۸	۰/۰۶۵	۱۲/۸۰	۷/۴۰	۰/۵۳	۳۰ تا ۶۰

کنترل شد. از آنجاکه تانسیو متر فقط زمان آبیاری را مشخص می‌نماید، بنابراین برای تعیین مقدار آب آبیاری از منحنی رطوبتی خاک استفاده شد. به‌منظور تعیین منحنی رطوبتی از خاک نمونه برداری شد و با روش خشک‌کردن خاک در گرمخانه رطوبت اشباع آن اندازه- گیری شد. هم‌چنین در آزمایشگاه به‌وسیله دستگاه صفحات فشاری میزان رطوبت خاک در ظرفیت زراعی (۰-۰/۳ بار)، نقطه پژمردگی دائم (۱۵-۰ بار) و پتانسیل-

برای اندازه‌گیری تبخیر- تعرق گیاه مرجع در شرایط استاندارد، نباید به گیاه تنفس آبی وارد گردد. بر این اساس آبیاری داخل لایسی متر کمی بعد از ظرفیت زراعی انجام شد. با انجام این کار علاوه بر رعایت شرایط استاندارد، تغییرات رطوبت خاک در عمق توسعه (DW) برابر صفر شده و می‌توان آن را از معادله بیلان آبی لایسی متر (معادله ۱) حذف نمود. فاصله آبیاری‌ها در دوره رشد به‌وسیله قرائت تانسیو متر

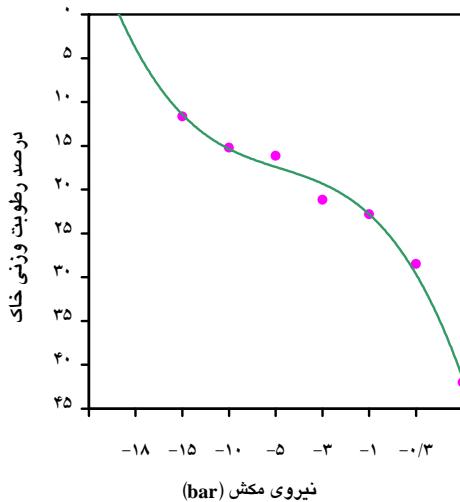
استفاده از بیلان آبی در لایسی متر (معادله ۱) و اندازه-گیری مقادیر آب ورودی، زهآب، بارش و رطوبت خاک در هر روز، میزان تبخیر-تعرق چمن اندازه-گیری شد.

$$ET_0 = P + I - D \pm DW \quad [1]$$

در معادله ۱،  $ET_0$  تبخیر-تعرق چمن ( $\text{mm day}^{-1}$ )،  $P$  میزان بارش ( $\text{mm day}^{-1}$ )،  $I$  میزان آب آبیاری ( $\text{mm day}^{-1}$ )،  $D$  میزان آب زهکشی شده ( $\text{mm day}^{-1}$ ) و  $DW$  تغییرات رطوبت خاک در عمق توسعه ریشه ( $\text{mm day}^{-1}$ ) است.

های آب ۱-۳-۵-۱۰-بار اندازه-گیری شد و سپس منحنی رطوبتی (شکل ۱) رسم شد. با توجه به شکل ۱ حد ظرفیت زراعی (FC) و نقطه پذمردگی دائم (PWP) خاک ناحیه آزمایش به ترتیب برابر ۲۸/۵ و ۱۱/۷ درصد رطوبت وزنی به دست آمد.

آبیاری داخل لایسی متر به گونه‌ای انجام شد تا مقداری از آب داخل لایسی متر از خروجی کف آن خارج شود. بدین ترتیب اطمینان حاصل شد که آبیاری به طور کامل انجام گرفته است. به این دلیل میزان آب مصرفی در هر نوبت آبیاری بیشتر از نیاز آبی گیاه و ظرفیت نگهداری رطوبت خاک در نظر گرفته شد تا پس از هر آبیاری لایسی متر خروجی داشته باشد. در نهایت با

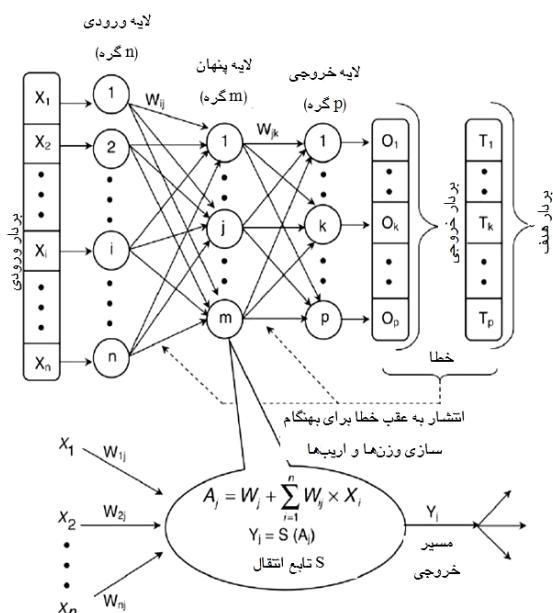


شکل ۱- منحنی رطوبتی خاک محل اجرای آزمایش.

معمولًاً از توابع انتقال خطی، سیگموئیدی و تانژانت هیپربولیک استفاده می‌شود. توپولوژی هر شبکه، وضعیت نسبی (تعداد، گروه‌بندی و اتصالات) سلول‌ها را در شبکه نشان می‌دهد. توپولوژی در واقع سیستم اتصال تبادلاتی نرون‌ها به یکدیگر است که توأم با نرم-افزار مربوطه (یعنی روش ریاضی جریان اطلاعات و محاسبه وزن‌ها) نوع عملکرد شبکه عصبی را تعیین می-کند. ساده‌ترین نوع شبکه، دارای توپولوژی پیش‌خور هست که در آن جریان اطلاعات همیشه از ورودی به خروجی است. توپولوژی شبکه‌های چندلایه پرسپترون

### روش شبکه عصبی مصنوعی

در اغلب مدل‌های شبکه عصبی مصنوعی، از مدل ریاضی سلول عصبی که نرون یا پرسپترون نامیده می‌شود، استفاده می‌گردد. نرون کوچک‌ترین واحد سازنده شبکه عصبی است. هر شبکه از یک لایه ورودی، یک لایه خروجی و یک یا چند لایه میانی (پنهان) تشکیل شده است. در داخل هر یک از لایه‌های یادشده، تعدادی نرون قرار دارد که با اتصالات وزن‌دار به هم مربوط می‌شوند. طی فرآیند آموزش شبکه، این وزن‌ها به طور پیاپی تغییر می‌کنند تا خطابه کمترین مقدار خود برسد. برای انتقال خروجی‌های هر لایه به لایه‌های بعدی



شکل ۲- ساختار کلی شبکه‌های عصبی مصنوعی.

## داده‌های ورودی و خروجی مدل شبکه عصبی مصنوعی

ابتدا داده‌های هواشناسی روزانه شامل بیشینه، میانگین و کمینه درجه حرارت، بیشینه، میانگین و کمینه رطوبت نسبی، سرعت باد و ساعات آفتابی به صورت ستون‌های مجزا وارد یک پوشه از صفحه گسترده اکسل و به عنوان داده‌های ورودی برای مدل تعریف شدند. سپس داده‌های لایسی‌تری روزانه به صورت ستونی وارد همان پوشه و تحت عنوان داده‌های مطلوب برای مدل تعریف شدند. به طور کلی ارتباط بین ورودی‌ها و خروجی مدل به صورت معادله ۳ قابل ارائه است.

بعد از مشخص نمودن داده‌های ورودی و مطلوب، عمل چیدن تصادفی ردیف‌ها روی صفحه گسترده انجام شد. در ادامه ۵۵ درصد از ردیف‌های هر ستون برای آموزش، ۱۵ درصد برای ارزیابی و ۳۰ درصد برای آزمون جدا شدند.

$$y_t = f((x_t)_1, \dots, (x_t)_n) \quad [3]$$

در معادله ۳،  $y_t$  مقدار تبخير- تعرق روزانه گیاه مرجع در یک محل در روز  $t$ ،  $x_t$  عامل (متغیر) هواشناسی آن محل در روز  $t$  و  $n$  تعداد متغیرها هست.

با قانون آموزش انتشار به عقب خط، که دارای الگوریتم‌های مختلف آموزش، از قبیل شبیه مزدوج، مومنتوم و لونبرگ مارکارت است، تکمیل می‌شود (پروژه‌ریزی و همکاران ۱۳۸۵).

قبل از به کار بردن مدل شبکه عصبی، وزن‌ها و اریب‌های ارتباط دهنده نرون‌های شبکه تعیین می‌شوند. به این منظور تمام داده‌ها برای تدوین ساختار مدل به سه گروه تقسیم می‌شوند (کولی‌بالی و همکاران ۲۰۰۰). اولین گروه داده‌ها، به عنوان داده‌های آموزش، برای تعیین وزن‌ها و اریب‌های شبکه به کار می‌رود. دومین گروه از داده‌ها، که داده‌های اعتباری نامیده می‌شوند، برای ارزیابی نتایج مرحله آموزش و تصمیم‌گیری در خصوص توقف آموزش شبکه استفاده می‌شوند. تعیین دقت مدل، و یا به عبارتی آزمون مدل، با استفاده از سومین گروه داده‌ها، یعنی داده‌های آزمون که در تدوین مدل استفاده نشده‌اند، انجام می‌شود. در آموزش شبکه‌های عصبی علاوه بر روش آموزش، روند آموزش نیز در سرعت یادگیری و دقت شبکه عصبی مؤثر است. معمولاً یکی از دو روند آموزش الگو به الگو و آموزش گروهی در تدوین مدل‌های شبکه عصبی به کار می‌رود (اسمعیلی و رکی و همکاران ۱۳۸۴). یک شبکه عصبی مصنوعی در حالت کلی ساختاری مشابه شکل ۲ دارد. شکل ریاضی شبکه عصبی مصنوعی با  $m$  ورودی،  $n$  لایه مخفی و  $p$  خروجی به صورت زیر بیان می‌شود:

$$O_k = S(\sum_{j=1}^m W_{jk} \times S(\sum_{i=1}^n W_{ij} \times X_i)) \quad [2]$$

در معادله ۲،  $O_k$  و  $X_i$  مقادیر خروجی و ورودی شبکه،  $W_{ij}$  وزن‌های ارتباطی بین لایه خروجی و ورودی و لایه مخفی،  $W_{jk}$  وزن‌های ارتباطی بین لایه مخفی و لایه خروجی و  $S$  تابع انتقال است.

تر باشند، نشان‌دهنده مطابقت بیشتر تبخیر-تعرق برآورده شده و اندازه‌گیری شده است (کارآموز و عراقی‌نژاد ۱۳۸۴).

$$\text{RMSE} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n ((y_{\text{est}})_i - (y_{\text{obs}})_i)^2}{n}} \quad [4]$$

$$\text{PE} = \left(1 - \frac{\sum_{i=1}^n (y_{\text{est}})_i}{\sum_{i=1}^n (y_{\text{obs}})_i}\right) \times 100 \quad [5]$$

در معادله‌های ۴ و ۵،  $y_{\text{est}}$  مقدار تبخیر-تعرق روازنده برآورده شده با روش‌های تجربی و شبکه عصبی مصنوعی،  $y_{\text{obs}}$  مقدار تبخیر-تعرق اندازه‌گیری شده با لایسی مترا و  $n$  تعداد داده‌ها (یا تعداد روزهای دوره اندازه‌گیری تبخیر-تعرق) هست.

### نتایج و بحث

**اندازه‌گیری تبخیر-تعرق با لایسی مترا زهکش‌دار**  
 نتایج اندازه‌گیری ده روزه لایسی مترا زهکش‌دار در سه سال اجرای آزمایش برای ماههای مختلف در جدول ۳ ارائه شده است. با بررسی میانگین سه ساله در این جدول مشاهده می‌شود بیشینه تبخیر-تعرق چمن مربوط به مردادماه برابر  $9/28$  و کمینه آن در آبان ماه برابر  $2/72$  میلی‌متر در روز بوده است. میزان تبخیر-تعرق در کل دوره رشد به طور میانگین  $120.5$  میلی‌متر بوده است (توشیح ۱۳۷۸). این مقدار با مقادیر حاصله از نتایج آزمایش‌ها لایسی مترا در مناطق مختلف کشور از جمله میاندوآب ( $118.6/7$  (سلطانی)، ارومیه  $964/5$  (رضوی  $1380$ )، تبریز  $1226/9$  (میلانی)- عنایی  $1385$ )، همدان  $10.58$  (رجیمی  $1378$ ) و اراک  $130.3/5$  میلی‌متر (رسنتمی  $1374$ ) همخوانی دارد.

با توجه به نتایج بدست آمده، در سال اول به دلیل توزیع مناسب بارندگی و ادامه آن تا اواخر دهه دوم خرداد، میزان تبخیر کمتر و درنتیجه نیاز آبی گیاه نیز کمتر شده، به طوری که آبیاری در مقایسه با سال‌های دوم و سوم یک ماه دیرتر شروع شده که در نهایت میزان آب مصرفی در سال اول نسبت به سال‌های دوم

### ساختار شبکه عصبی مصنوعی

در این بررسی از مدل شبکه عصبی مصنوعی با ساختار پیشخور چندلایه برای برآورد تبخیر-تعرق روزانه گیاه مرجع در منطقه سنتنج استفاده شد. در طراحی ساختار مدل، ابتدا تعداد نمونه‌های لایه‌های ورودی و خروجی به ترتیب با توجه به تعداد متغیرهای ورودی (متغیرهای هواشناسی) و خروجی مدل (تبخیر-تعرق مرجع) انتخاب شد. سپس برای انتخاب پارامترهای قابل تنظیم و در نتیجه تعیین بهترین ساختار شبکه عصبی، تعداد زیادی شبکه عصبی با ساختار مختلف طراحی و ارزیابی شد. این شبکه‌های عصبی با تغییر پارامترهای قابل تنظیم (شامل تابع انتقال، قانون یادگیری، مقدار مومنتوم، تعداد لایه میانی، تعداد نمونه‌های لایه میانی، تعداد الگوهای و متغیرهای ورودی)، ساخته و اجرا شدند. دقت این شبکه‌ها به وسیله معیارهای آماری محاسبه شده در مرحله آزمون، بررسی گردید و در نهایت شبکه‌ای که نزدیکترین نتیجه را با واقعیت داشت به عنوان شبکه اصلی انتخاب شد.

### روش‌های تجربی

علاوه بر اندازه‌گیری تبخیر-تعرق گیاه مرجع با لایسی مترا زهکش‌دار، مقادیر تبخیر-تعرق مرجع روزانه با  $16$  روش تجربی که به عنوان روش‌های رایج برآورده تبخیر-تعرق، در نرم افزار REF-ET، لحاظ شده‌اند، محاسبه شد. اسامی این روش‌ها در قسمت نتایج در زیر جدول ۵ ارائه شده است.

### معیارهای آماری

برای ارزیابی دقت و مقایسه روش‌ها، از معیارهای آماری ریشه میانگین مربعات خطأ (RMSE) و درصد خطأ (PE) استفاده شد. ریشه میانگین مربعات خطأ دقت مدل را بر اساس تفاضل بین مقادیر واقعی و مقادیر برآورده شده ارزیابی می‌کند. این معیار از معادله  $4$  بدست می‌آید. مقدار آن از صفر تا مثبت بی‌نهایت تغییر می‌کند. معیار درصد خطأ از معادله  $5$  بدست می‌آید. مقدار درصد خطأ از منفی تا مثبت بی‌نهایت تغییر می‌کند. هرچه مقدار RMSE و PE به صفر نزدیک-

ترتیب در ماههای خرداد، تیر و مرداد روندی افزایشی نشان داده، به طوری که در مردادماه به اوج خود رسیده است. در شهریورماه به دلیل کاهش دما، تابش و سرعت باد و هم‌چنین افزایش رطوبت نسبی، میزان ET کاهش پیدا کرده و این کاهش تا اواخر دهه دوم آبان ماه که اندازه‌گیری‌ها انجام‌گرفته، ادامه داشته است.

و سوم کم بوده است. مقایسه جدول‌های ۱ و ۳ نشان می‌دهد که بین تبخیر- تعرق از لایسی‌متر و متغیرهای جوی (شامل دما، تابش، سرعت باد و رطوبت نسبی) وابستگی زیادی وجود دارد. به این ترتیب که در اردیبهشت ماه میزان تبخیر- تعرق پایین بوده، اما با افزایش هم‌زمان دما و تابش و کاهش رطوبت نسبی به-

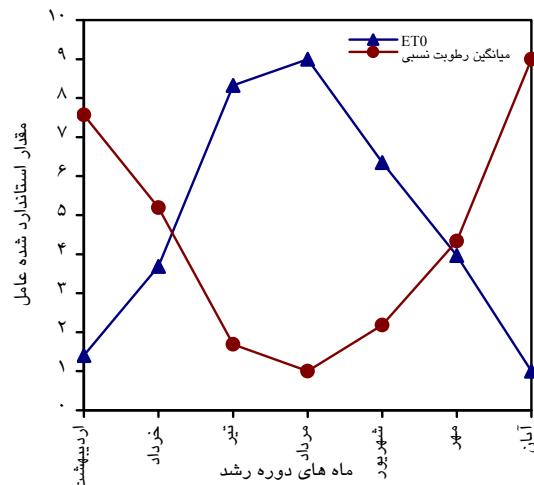
**جدول ۳- نتایج اندازه‌گیری ده روزه تبخیر- تعرق چمن با لایسی‌متر و میانگین روزانه آن در سه سال اجرای آزمایش توضیح (۱۳۷۸).**

تبخیر- تعرق (mm)						ماه
میانگین (سه ساله)						دهه
--	--	--	--	--	--	(10 days)
۲۲/۰۰	۲۴/۰۰	۲۰/۰۰	--	--	--	دوم (10 days)
۴۲/۲۵	۴۶/۲۲	۲۸/۴۷	--	--	--	سوم (11 days)
<b>میانگین روزانه (mm day<sup>-۱</sup>)</b>						
۴۳/۵۴	۳۹/۵۰	۴۷/۵۷	--	--	--	اول (10 days)
۵۱/۶۵	۶۸/۲۷	۵۶/۶۸	۳۰/۰۰	--	--	دوم (10 days)
۵۷/۶۸	۷۴/۰۰	۵۱/۸۰	۴۷/۲۴	--	--	سوم (11 days)
<b>میانگین روزانه (mm day<sup>-۱</sup>)</b>						
۸۰/۴۶	۹۰/۹۹	۷۴/۱۴	۷۶/۲۵	--	--	اول (10 days)
۸۵/۲۳	۸۷/۶۳	۹۳/۳۸	۷۴/۹۹	--	--	دوم (10 days)
۱۰۴/۷۰	۱۱۹/۴۰	۱۱۴/۶۹	۸۰/۰۰	--	--	سوم (11 days)
<b>میانگین روزانه (mm day<sup>-۱</sup>)</b>						
۸۱/۱۲	۱۰۶/۲۴	۸۸/۸۲	۴۸/۳۰	--	--	اول (10 days)
۹۷/۵۸	۹۶/۷۰	۱۰۰/۴۰	۹۵/۶۴	--	--	دوم (10 days)
۱۰۹/۰۷	۱۰۰/۰۰	۱۱۱/۲۷	۱۱۵/۹۳	--	--	سوم (11 days)
<b>میانگین روزانه (mm day<sup>-۱</sup>)</b>						
۷۱/۹۶	۶۹/۸۲	۸۲/۹۵	۶۳/۱۰	--	--	اول (10 days)
۷۳/۷۶	۵۹/۴۶	۸۱/۵۶	۸۰/۲۵	--	--	دوم (10 days)
۷۴/۵۵	۶۵/۶۴	۸۰/۱۱	۷۷/۹۰	--	--	سوم (11 days)
<b>میانگین روزانه (mm day<sup>-۱</sup>)</b>						
۶۰/۱۷	۵۵/۷۴	۵۶/۲۸	۶۸/۵۰	--	--	اول (10 days)
۵۲/۱۰	۴۷/۳۰	۶۲/۰۰	۵۰/۰۰	--	--	دوم (10 days)
۴۱/۴۸	۴۵/۳۰	۳۴/۱۴	۴۵/۰۰	--	--	سوم (10 days)
<b>میانگین روزانه (mm day<sup>-۱</sup>)</b>						
۵/۱۶	۴/۹۵	۵/۰۸	۵/۴۵	--	--	اول (10 days)
۲۹/۶۶	۱۴/۵۳	۴۰/۰۰	۳۴/۴۵	--	--	دوم (10 days)
۲۴/۹۲	۱۳/۰۰	۲۴/۸۶	۳۶/۹۰	--	--	سوم (10 days)
<b>میانگین روزانه (mm day<sup>-۱</sup>)</b>						
۲/۷۳	۱/۲۸	۲/۲۴	۲/۵۷	--	--	آبان (10 days)
<b>مقدار تبخیر- تعرق در دوره رشد (mm)</b>						
۱۲۰۵/۰۸	۱۲۲۳/۷۴	۱۲۵۹/۱۲	۱۰۲۴/۴۵	--	--	
<b>میانگین روزانه تبخیر- تعرق در طول دوره رشد (mm day<sup>-۱</sup>)</b>						
۶/۱۸	۶/۲۸	۶/۴۶	۶/۲۵	--	--	

مریبوط به همه عامل‌ها در محدوده ۱ تا ۹ استاندارد شده‌اند.

$$X_{i\text{Std}} = (0.1 + 0.8 \times \frac{X_i - X_{i\text{min}}}{X_{i\text{max}} - X_{i\text{min}}}) \times 10 \quad [6]$$

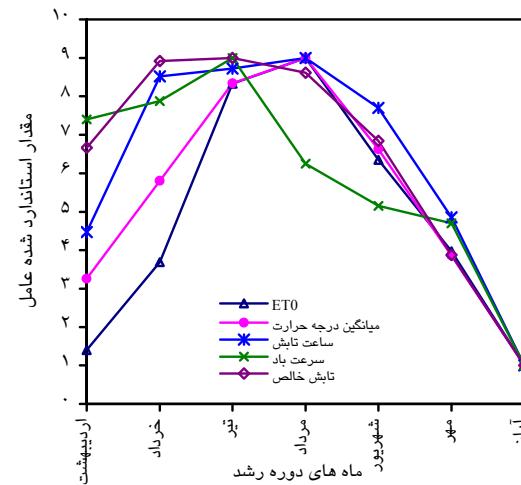
در معادله ۶،  $X_{i\text{Std}}$  معرف داده استاندارد شده،  $X_i$  داده اصلی،  $X_{i\text{max}}$  و  $X_{i\text{min}}$  به ترتیب مقدار بیشینه و کمینه داده اصلی می‌باشد.



شکل ۴- رابطه معکوس  $ET_0$  با رطوبت نسبی.

هیپربولیک و قانون آموزش لونبرگ مارکارت حاصل می‌شود. به علاوه بهترین ساختار دارای یکایه پنهان با ۲ نزون یا عنصر پردازشگر است (شکل ۵). در این پژوهش از نرم‌افزار Neurosolutions5 برای تدوین مدل‌های شبکه عصبی مصنوعی و انجام محاسبات مربوط به آن استفاده شد.

بنابراین با توجه به موارد فوق ملاحظه می‌شود که رابطه تنگاتنگی بین عوامل جوی و نیاز آبی گیاه وجود داشته و هرگونه تغییر در عوامل فوق بر روی تبخیر- تعرق گیاه اثر گذاشته و این اثر به طور دقیق به وسیله لایسی متر قابل اندازه گیری بوده است (شکل ۳ و ۴). از آنجاکه واحد سنجش عوامل‌های مؤثر بر تبخیر- تعرق یکسان نبودند در ترسیم شکل‌های ۳ و ۴، داده‌ها به وسیله معادله ۶ بدون بعد شده‌اند. بنابراین داده‌های



شکل ۳- رابطه مستقیم  $ET_0$  با عوامل جوی دما، تابش و باد.

تدوین مدل و انتخاب ساختار شبکه عصبی مصنوعی برای انتخاب بهترین ساختار شبکه عصبی مصنوعی، با تغییر پارامترهای قابل تنظیم ۴۷ شبکه عصبی با ساختار مختلف طراحی و ارزیابی شد. برای اختصار فقط ساختار و نتایج آماری مناسب‌ترین شبکه در جدول ۴ ارائه شده است. با بررسی این جدول مشاهده می‌شود که در مسئله برآورد تبخیر- تعرق گیاه مرتع دقیق‌ترین مدل با استفاده از تابع انتقال تانژانت

جدول ۴- ساختار و نتایج آماری مناسب‌ترین شبکه عصبی آموزش داده شده.

ساختار	تعداد ورودی خروجی	تعداد پنهان	تعداد نزون لایه	تابع انتقال			
				قانون آموزش	مومنتوم تکرار	دوره آموزش	دوره اعتبارسنجی
کل داده‌ها	-	-	-	1000	-	-	-
۰/۹۹	۱/۴۲۵	۰/۷۶۰	۰/۷۷۹	Tanh	Tanh	Lonberg	Marcart

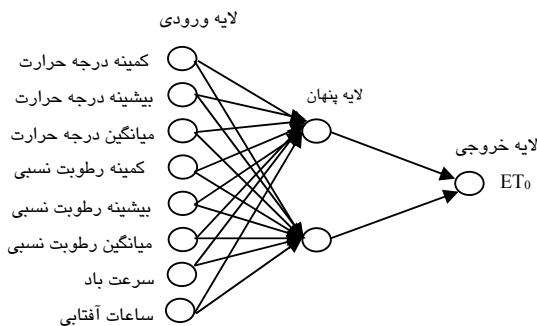
در جدول ۴ از کلمه Tanh به جای تابع انتقال تانژانت هیپربولیک استفاده شده است.

۱/۸۰، ۳/۱۱، ۶/۲۴ و ۳/۳۷ درصد در رتبه‌های اول تا ششم قرار داشتند.

نتایج نشان داد مرتبه روش‌ها بر اساس معیار آماری درصد خطأ برای هر سال و دوره سه ساله کاملاً یکسان نیست. از آنجاکه تعداد مشاهده‌های دوره سه ساله (۵۵۴ روز داده) بیشتر از داده‌های دوره سالانه (۱۹۵ روز داده) بود، بنابراین نتایج دوره سه ساله قابل اعتمادتر و به این دلیل انتخاب اولویت استفاده از روش بر اساس نتایج آماری دوره سه ساله قابل توصیه است.

برای دوره سه ساله به جزء روش مکنینک (۱۹۵۷) و پرستلی تیلر (۱۹۷۲) با مقدار خطأ ۳۵/۰۳ و ۲۲/۸۰ درصد، ۱۵ روش دیگر دارای خطای کمتر از ۱۵ درصد بودند. از این ۱۵ روش، خطای دو روش تابش (FAO<sub>24</sub>) و بلانس کریدل (FAO<sub>24</sub>) به ترتیب ۱۴/۰۷- و ۱۲/۶۲ درصد و ۱۳ روش دیگر دارای خطای کمتر از ۹ درصد بودند. بنابراین با توجه به داده‌های مورد نیاز هر روش و داده‌های موجود در منطقه از این ۱۳ روش با اطمینان می‌توان استفاده نمود. از این ۱۳ روش، روش پنمن مانتیث اصلاح شده به وسیله ASCE (آلن و همکاران ۱۹۸۹)، پنمن مانتیث ASCE (بینام ۲۰۰۵) و روش پنمن مانتیث فائو (FAO<sub>56</sub>) دارای دقت تقریباً برابر بودند.

نتایج اولویت‌بندی روش‌ها حاکی از آن است که روش تشت تبخیر FAO<sub>24</sub> در بین روش‌های تجربی بررسی شده در رتبه اول قرار دارد. در شکل ۶ مقادیر تبخیر- تعرق ده روزه برآورده شده با روش تشت تبخیر FAO<sub>24</sub> در مقابل تبخیر- تعرق اندازه‌گیری شده با لایسی‌متر نشان داده شده است. از این شکل مشاهده می‌شود که اختلاف مقدار تبخیر- تعرق برآورده شده با این روش با تبخیر- تعرق اندازه‌گیری شده در ابتدای دوره رشد یعنی اردیبهشت‌ماه زیاد و به‌طور میانگین ۱/۹۳ میلی‌متر در روز بوده است. اختلاف مقدار برآورده شده و مشاهده شده در طول دوره رشد به ترتیج کم شده و در انتهای دوره رشد به ۰/۴۷ میلی‌متر در روز رسیده است. همچنین این شکل حاکی از رابطه معنی‌دار تبخیر- تعرق برآورده شده با این روش و اندازه‌گیری شده با لایسی‌متر هست. بنابراین می‌توان نتیجه گرفت که در سنتدج روش تشت تبخیر FAO<sub>24</sub> در برآورده تبخیر-



شکل ۵- ساختار شبکه عصبی مصنوعی انتخاب شده.

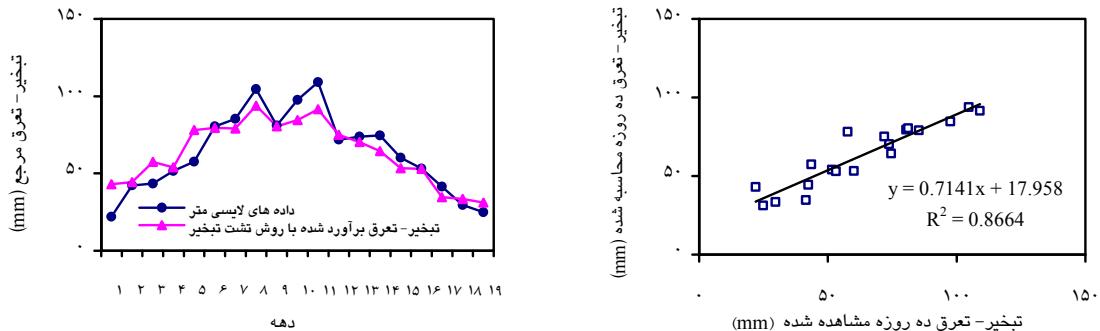
### مقایسه تبخیر- تعرق مرجع حاصل از لایسی‌متر با روش‌های تجربی

مقادیر تبخیر- تعرق مرجع برای ۱۶ روش با استفاده از نرم‌افزار REF-ET3.1.15 محاسبه شد. برای بررسی کارآیی این روش‌ها و شبکه عصبی مصنوعی در برآورد تبخیر- تعرق روزانه گیاه مرجع در آب و هوای نیمه‌خشک سنتدج نتایج آن‌ها با داده‌های لایسی‌متری مقایسه شد. نتایج آماری این مقایسه در جدول ۵ ارائه شده است.

بر اساس معیار آماری درصد خطأ در سال اول روش‌های شبکه عصبی مصنوعی، تشت تبخیر<sub>24</sub> و FAO<sub>24</sub> پنمن FAO<sub>24</sub> به ترتیب با مقدار خطای برابر ۰/۰۴- و ۱/۷۶- و ۲/۸۳ درصد در رتبه‌های اول تا سوم قرار داشتند. در سال دوم سه روش پنمن مانتیث ASCE (آلن و همکاران ۱۹۸۹)، پنمن مانتیث ASCE و پنمن مانتیث فائو ۵۶ با مقدار خطأ ۱۵/۰ درصد به صورت مشترک در رتبه اول و روش‌های پنمن (۱۹۴۸)، پنمن مانتیث (بینام ۲۰۰۵) و شبکه عصبی مصنوعی با ۰/۲۸ و ۰/۳۹ درصد خطأ به ترتیب در رتبه‌های دوم، سوم و چهارم قرار داشتند. در سال سوم روش‌های پنمن کیمبرلی (رایت و جنسن ۱۹۷۲)، تشت تبخیر<sub>24</sub> و پنمن کیمبرلی (رایت ۱۹۸۲) و شبکه عصبی مصنوعی به ترتیب با مقدار خطای ۰/۲۱- و ۰/۶۴- و ۰/۷۸- و ۰/۸۴ درصد در رتبه‌های اول تا چهارم قرار داشتند. برای دوره سه ساله روش‌های تشت تبخیر FAO<sub>24</sub>، پنمن کیمبرلی (رایت و جنسن ۱۹۷۲)، پنمن کیمبرلی (رایت ۱۹۸۲)، شبكه عصبی مصنوعی و پنمن مانتیث فائو ۵۶ به ترتیب با مقدار خطای ۰/۲۸، ۰/۴۹ و ۱/۴۹ می‌باشند.

انطباق بسیار خوبی با داده‌های واقعی می‌باشد.

تعرق مرجع از توانایی بالایی برخوردار است و داده‌های برآورد شده به وسیله‌ی این روش دارای جورشدگی و



شکل ۶- پراکنش و مقدار تبخیر- تعرق اندازه‌گیری شده با لایسی متر و برآورد شده با روش تشت تبخیر<sup>24</sup>.

(میلانی عنابی ۱۳۸۵، نوروزی ۱۳۸۵، ارپن بک ۱۹۸۱ سانتوس و همکاران ۱۹۹۴).

#### نتیجه‌گیری کلی

در این بررسی نتایج نشان داد که روش‌های پمن ماننتیث اصلاح شده به وسیله‌ی ASCE (آلن و همکاران ۱۹۸۹، پمن ماننتیث ASCE (بینام ۲۰۰۵)، پمن ماننتیث FAO<sub>56</sub> (آلن و همکاران ۱۹۹۸)، هارگریوز سامانی ۷/۶۵ و تورک (۱۹۶۱) مقدار تبخیر- تعرق را در کل دوره رشد بهتر ترتیب ۶/۳۷، ۶/۵۷، ۶/۲۴، ۶/۳۸ و ۸/۳۸ درصد کمتر از واقعیت برآورد می‌نمایند، بنابراین در صورت مدنظر قرار دادن شیوه کم‌آبیاری در منطقه، برای کاهش مصرف آب و کم کردن هزینه اجرای پروژه‌ها، روش‌های مذکور برای محاسبه نیاز آبی قابل توصیه می‌باشند. همچنین از آنجاکه عامل‌های موردنیاز برای انجام محاسبات در هر روش متفاوت است و با توجه به این نکته که دقت روش‌های مذکور تقریباً برابر است، بنابراین بر اساس اطلاعات موجود و داده‌های لازم برای انجام محاسبات، این روش‌ها می‌توانند جایگزینی برای یکدیگر باشند.

طراح‌های سیستم‌های آبیاری در سندنج برای محاسبه نیاز آبی گیاه از روش پمن ماننتیث فائقه ایران و جهان نیز گزارش می‌نمایند. نتایج این بررسی نشان داد که این روش تبخیر- تعرق را در سندنج ۶/۲۴ درصد کمتر از داده‌های

سازمان فائقه روش پمن ماننتیث فائقه را به دلیل دقت آن به عنوان استاندارد برای محاسبه نیاز آبی گیاهان معرفی نموده است. همچنین روش بلانی کریدل به دلیل ساده بودن و نیاز به داده‌های کمتر و روش تشت تبخیر به دلیل در اختیار بودن اطلاعات آن همواره مورد توجه پژوهشگران بوده‌اند. بنابراین در بیشتر موارد نتایج این سه روش در مناطق مختلف با داده‌های لایسی- متري مقایسه شده‌اند. نتایج این پژوهش نشان داد که در سندنج با آب و هوای نیمه‌خشک، روش‌های تشت تبخیر فائقه (FAO<sub>24</sub>، پمن ماننتیث فائقه (FAO<sub>56</sub>) و بلانی کریدل فائقه (FAO<sub>24</sub>) تبخیر- تعرق را در طول دوره رشد به ترتیب ۰/۲۸، ۰/۲۴ و ۰/۲۲ درصد کمتر، ۱۲/۶۲ درصد بیشتر از مقدار واقعی محاسبه می‌کنند. برای دوره سه ساله روش‌های تشت تبخیر فائقه (FAO<sub>24</sub>، پمن ماننتیث فائقه (FAO<sub>56</sub>) و بلانی کریدل فائقه (FAO<sub>24</sub>) به ترتیب در رتبه‌های ۱، ۶ و ۱۴ جدول مقایسه روش‌ها قرار گرفتند. همچنان بیشتر نتایج روش تشت تبخیر نسبت به پمن ماننتیث فائقه و بلانی کریدل با داده‌های لایسی-متري در سایر مناطق ایران و جهان نیز گزارش شده است (توشیح ۱۳۷۸، میلانی عنابی ۱۳۸۵، ارپن بک ۱۹۸۱). نتایج این بررسی و گزارش بسیاری از پژوهشگران در نقاط مختلف دنیا نشان داده است که همواره روش پمن ماننتیث فائقه دقیق‌ترین روش در یک منطقه خاص نیست و سایر روش‌ها را نباید نادیده گرفت

منطقه برای کاهش مصرف آب، انتخاب این روش منطقی به نظر می‌رسد.

لایسی متری محاسبه می‌نماید. بنابراین با توجه به این مقدار خطا و ضرورت استفاده از روش کم‌آبیاری در

**جدول ۵- تبخیر- تعرق حاصل از لایسی متر و روش‌های برسی شده و معیارهای آماری محاسبه شده برای مقایسه روش‌ها.**

اولویت کاربرد	درصد خطا نسبت به لایسی متر				میانگین تبخیر- تعرق روزانه (mm)				تبخیر- تعرق مرجع در کل دوره رشد (mm)				شماره روش*
	میانگین سه ساله	سال ۱۳۷۶	سال ۱۳۷۵	سال ۱۳۷۴	میانگین سه ساله	سال ۱۳۷۶	سال ۱۳۷۵	سال ۱۳۷۴	میانگین سه ساله	سال ۱۳۷۶	سال ۱۳۷۵	سال ۱۳۷۴	
	۰/۰۰	۰/۰۰	۰/۰۰	۰/۰۰	۶/۱۸	۶/۲۸	۶/۴۶	۶/۲۵	۱۲۰۵/۰۶	۱۲۲۳/۷۴	۱۲۵۹/۱۲	۱۰۲۴/۴۵	۱
۷	۶/۳۷	۴/۷۸	۰/۱۵	۲۰/۴۴	۵/۷۹	۵/۹۸	۶/۴۵	۴/۹۷	۱۱۲۸/۲۷	۱۱۶۵/۲۰	۱۲۵۷/۲۲	۸۱۵/۰۷	۲
۸	۶/۳۷	۴/۷۸	۰/۱۵	۲۰/۴۳	۵/۷۹	۵/۹۸	۶/۴۵	۴/۹۷	۱۱۲۸/۲۲	۱۱۶۵/۲۵	۱۲۵۷/۲۸	۸۱۵/۱۱	۳
۹	۶/۵۷	۴/۹۸	۰/۳۹	۲۰/۸۳	۵/۷۷	۵/۹۶	۶/۴۳	۴/۹۶	۱۱۲۵/۸۶	۱۱۶۲/۸۲	۱۲۵۴/۲۶	۸۱۳/۱۲	۴
۶	۶/۲۴	۴/۷۲	۰/۱۵	۲۰/۰۹	۵/۷۹	۵/۹۸	۶/۴۵	۴/۹۹	۱۱۲۹/۹۳	۱۱۶۶/۰۳	۱۲۵۷/۱۸	۸۱۸/۶۵	۵
۳	۱/۸۰	۰/۷۸	-۲/۴۷	۱۴/۰۷	۶/۰۷	۶/۲۳	۶/۶۸	۵/۳۷	۱۱۸۳/۲۶	۱۲۱۴/۲۵	۱۳۰۲/۸۵	۸۸۰/۳۲	۶
۲	۱/۴۹	-۰/۳۱	-۵/۹۰	۱۶/۶۵	۶/۰۹	۶/۳۰	۶/۸۴	۵/۲۱	۱۱۸۷/۱۱	۱۲۲۷/۵۵	۱۳۳۳/۴۳	۸۵۳/۸۳	۷
۴	۳/۱۱	۲/۰۱	۰/۲۸	۱۲/۶۸	۵/۹۹	۶/۰۹	۶/۴۴	۵/۴۶	۱۱۶۷/۵۳	۱۱۸۶/۸۹	۱۲۵۵/۶۴	۸۹۴/۵۸	۸
۱۲	-۸/۵۶	-۹/۱۲	-۱۱/۵۰	۲/۸۳	۶/۷۱	۶/۸۵	۷/۲۰	۶/۰۷	۱۳۰۸/۱۹	۱۳۲۵/۳۱	۱۴۰۳/۹۰	۹۹۵/۴۶	۹
۱۳	-۸/۹۶	-۱۰/۱۱	-۱۴/۲۶	۴/۴۱	۶/۷۳	۶/۹۱	۷/۳۸	۵/۹۷	۱۳۱۳/۰۹	۱۳۴۷/۴۱	۱۴۳۸/۶۷	۹۷۹/۲۸	۱۰
۱۵	-۱۴/۰۷	-۱۲/۹۱	-۱۲/۱۰	-۱۱/۰۶	۷/۰۵	۷/۰۹	۷/۲۴	۶/۹۴	۱۳۷۴/۶۷	۱۳۸۱/۷۵	۱۴۱۱/۴۲	۱۱۳۷/۷۴	۱۱
۱۴	-۱۲/۶۲	-۱۲/۹۲	-۱۴/۲۳	-۶/۲۵	۶/۹۶	۷/۰۹	۷/۳۸	۶/۶۴	۱۳۵۷/۱۲	۱۳۸۱/۹۷	۱۴۳۸/۳۰	۱۰۸/۴۷	۱۲
۱	۰/۲۸	-۰/۶۴	۶/۲۶	-۱/۷۶	۶/۱۶	۶/۳۲	۶/۰۵	۶/۳۶	۱۲۰۱/۷۲	۱۲۲۱/۵۵	۱۱۸۰/۳۰	۱۰۴۲/۴۹	۱۳
۱۱	۸/۲۸	۹/۴۰	۱۲/۱۵	۸/۷۶	۵/۶۶	۵/۶۹	۵/۶۷	۵/۷۰	۱۱۰۴/۰۹	۱۱۰۸/۶۸	۱۱۰۶/۱۰	۹۳۴/۷۱	۱۴
۱۶	۲۲/۸۰	۳۴/۴۹	۳۶/۸۱	۳۲/۵۸	۴/۱۵	۴/۱۱	۴/۰۸	۴/۱۵	۸۰۹/۸۶	۸۰۱/۷۰	۷۹۵/۶۰	۶۸۰/۴۰	۱۵
۱۷	۲۵/۰۳	۳۶/۶۲	۳۸/۲۵	۳۴/۵۹	۴/۰۲	۲/۹۸	۳/۹۹	۴/۰۹	۷۸۲۷/۹۴	۷۷۵/۵۷	۷۷۷/۴۷	۶۷۰/۱۴	۱۶
۱۰	۷/۶۵	۸/۷۲	۱۰/۳۱	۷/۷۲	۵/۷۱	۵/۷۳	۵/۷۹	۵/۷۶	۱۱۱۲/۸۶	۱۱۱۷/۰۶	۱۱۲۹/۳۴	۹۴۵/۲۷	۱۷
۵	-۳/۲۷	-۲/۸۴	-۰/۶۸	-۰/۰۴	۶/۳۹	۶/۴۵	۶/۵۰	۶/۲۵	۱۲۴۵/۶۷	۱۲۵۸/۴۶	۱۲۶۷/۷۱	۱۰۲۴/۸۷	۱۸

علامت منفی نشان‌دهنده برآورد بیشتر از مقدار واقعی تبخیر- تعرق است.

##### \*: شماره و اسم روش‌ها در جدول ۵

- 1- Drainage Lysimeter
- 2-“Full” ASCE Penman-Monteith with resistances (Allen *et al*, 1989)
- 3-“Full” ASCE Penman-Monteith with user supplied surf. Resistance
- 4- Standardized form of the ASCE Penman-Monteith (Anonymous 2005)
- 5- FAO 56 Penman-Monteith with resistance for 0.12 m grass (Allen *et al*, 1998)
- 6- 1982 Kimberly Penman (Wright, 1982)
- 7- 1972 Kimberly Penman (fixed wind func.) (Wright and Jensen 1972)
- 8- 1948 or 1963 Penman (Penman, 1948, 1963)
- 9- FAO-24 Corrected Penman (Doorenbos and Pruitt, 1975, 1977)
- 10- FAO-PPP-17 Penman (Frere and Popov, 1979)
- 11- FAO-24 Radiation Method (Doorenbos and Pruitt, 1975, 1977)
- 12- FAO-24 Blaney-Criddle (Doorenbos and Pruitt, 1975, 1977)
- 13- FAO-24 Pan Evaporation Method (Doorenbos and Pruitt, 1977)
- 14- Hargreaves Temperature Method (Hargreaves and Samani, 1985)
- 15- Radiation and Temperature Method (Priestley and Taylor, 1972)
- 16- Radiation and Temperature Method (Makkink, 1957)
- 17- Radiation and Temperature Method (Turc, 1961)
- 18- Artificial Neural Network

اول، دوم، سوم و دوره سه ساله با مقدار خطای -۰/۰۴- -۰/۸۴- و -۳/۳۷- درصد به ترتیب در رتبه اول، چهارم، چهارم و پنجم کاربرد قرار گرفته است. در کل بر اساس میانگین سه ساله، این روش برتری خود را نسبت به ۱۲ روش از ۱۶ روش برسی شده نشان داده است. نتایج سایر پژوهشگران نیز حاکی از برتری شبکه

در ارائه نتایج سعی شد که کارآیی شبکه عصبی مصنوعی در برآورد تبخیر- تعرق گیاه مرجع (چمن) بررسی و نتایج آن با داده‌های لایسی متر زهکش‌دار و سایر روش‌ها مقایسه شود. به طورکلی می‌توان گفت که در این مسئله نیز، مانند بسیاری از مسائل مهندسی، شبکه عصبی مصنوعی موفق است. این روش در سال

با توجه به ادامه پژوهش‌ها در این زمینه و بهتیغ آن ارائه و اصلاح روش‌ها، شایسته است در بررسی‌های جدیدتر تعداد بیشتری از این روش‌ها ارزیابی شود، تا بدین‌وسیله روش مناسب، با دقت و صحت بیشتری انتخاب شود. در نهایت می‌توان گفت چون بیشترین میزان مصرف آب در بخش کشاورزی است، برآورد دقیق‌تر نیاز این بخش اثر قابل‌توجهی در کاهش مصرف و افزایش بهره‌وری این منبع اصلی زندگی خواهد داشت.

عصبی مصنوعی بر روش‌هایی نظری پنمن مانتیث و بلانی کریدل بوده است (شایان‌نژاد و همکاران، ۱۳۸۶، بیاتورکشی و همکاران، ۱۳۸۸، هژبر و همکاران، ۱۳۹۳، بهاکار و همکاران، ۲۰۰۶، کیسی ۲۰۰۶، کومار و همکاران ۲۰۰۲).

پژوهشگران در ارزیابی روش‌های تجربی محاسبه تبخیر- تعرق، بهدلیل بررسی فقط تعداد کمی از روش‌ها، ممکن است روش‌های مناسب برآورد تبخیر- تعرق را برای یک منطقه خاص ناید گرفته باشند. بنابراین

#### منابع مورداستفاده

- ابراهیمی‌پاک نع، ۱۳۸۹. تعیین تبخیر- تعرق گیاه مرجع (چمن) و مقایسه با روش‌های تجربی در قزوین. گزارش نهایی طرح تحقیقاتی، مؤسسه تحقیقات خاک و آب، کرج.
- ابراهیمی‌پاک نع، ۱۳۹۰. تعیین تبخیر- تعرق پتانسیل گیاه مرجع (چمن) به روش لایسی‌متر و مقایسه با روش‌های تجربی در شهرکرد. گزارش نهایی طرح تحقیقاتی، مؤسسه تحقیقات خاک و آب، کرج.
- اسمعیلی‌ورکی م، امید م و امید مح، ۱۳۸۴. برآورد مشخصات هیدرولیکی واگرا با استفاده از شبکه عصبی مصنوعی. علوم کشاورزی ایران، جلد ۱۲، شماره ۳، صفحه‌های ۲۱ تا ۲۲.
- بیاتورکشی م، زارع‌ابیانه ح، معروفی ص، سبزی‌پرورع و سلطانی ف، ۱۳۸۸. شبیه‌سازی تبخیر- تعرق روزانه گیاه مرجع به روش هوش مصنوعی و روش‌های تجربی در مقایسه با اندازه‌گیری‌های لایسی‌متری در اقلیم نیمه‌خشک سرد همدان. پژوهش‌های حفاظت آب و خاک، جلد ۱۶، شماره ۴، صفحه‌های ۷۹ تا ۱۰۰.
- پرورش‌ریزی ع، کوچکزاده ص و امید مح، ۱۳۸۵. برآورد مشخصات پرش هیدرولیکی متحرک با کاربرد شبکه عصبی مصنوعی و روش تلفیقی شبکه عصبی- الگوریتم ژنتیک. علوم کشاورزی ایران، جلد ۳۷، شماره ۱، صفحه‌های ۱۸۷ تا ۱۹۶.
- توشیح و، ۱۳۷۸. تعیین آب مصرفی پتانسیل گیاه مرجع (چمن) و مقایسه آن با فرمول‌های تجربی. مرکز اطلاعات و مدارک علمی کشاورزی ایران، شماره ۷۸/۵۳ مورخ ۷۸/۲/۱۸، ناشر مؤسسه تحقیقات خاک و آب، کرج.
- رzaqی ف و سپاسخواه عر، ۱۳۸۶. ارزیابی روش‌های مختلف تخمین تبخیر- تعرق بالقوه سطوح گیاهی مرجع به‌کمک داده‌های اندازه‌گیری شده لایسی‌متر وزنی. مجموعه مقالات نهمین سمینار سراسری آبیاری و کاهش تبخیر. ۱۶ تا ۱۸ بهمن، دانشگاه شهید باهنر کرمان، کرمان.
- رحیمی مب، ۱۳۷۸. تعیین تبخیر- تعرق گیاه مرجع (چمن) و مقایسه آن با معادله‌های تجربی و تعیین مناسب‌ترین معادله برای منطقه همدان. مرکز اطلاعات و مدارک علمی کشاورزی ایران، شماره ۷۸/۶۷۰، ناشر مؤسسه تحقیقات خاک و آب، کرج.
- رستمی ا، ۱۳۷۴. تعیین تبخیر- تعرق گیاه مرجع با استفاده از لایسی‌متر و مقایسه آن با معادله‌های تجربی. مرکز اطلاعات و مدارک علمی کشاورزی ایران، شماره ۶۵۳، ناشر مؤسسه تحقیقات خاک و آب، کرج.
- رضوی ر، ۱۳۸۰. تعیین پتانسیل گیاه مرجع (چمن) با استفاده از لایسی‌متر در ارومیه. مرکز اطلاعات و مدارک علمی کشاورزی ایران، شماره ۸۰/۴۰۹، ناشر مؤسسه تحقیقات خاک و آب، کرج.
- سلطانی ک، ۱۳۷۸. تعیین میزان تبخیر- تعرق پتانسیل گیاه مرجع (چمن) با استفاده از لایسی‌متر. مرکز اطلاعات و مدارک علمی کشاورزی ایران، شماره ۷۸/۴۱۰، ناشر مؤسسه تحقیقات خاک و آب، کرج.

شایان نژاد م، ساداتی نژاد سج و فهمی ه، ۱۳۸۶. تعیین تبخیر- تعرق بالقوه با استفاده از روش رگرسیون فازی. *تحقیقات منابع آب*، جلد ۳، شماره ۳، صفحه‌های ۹ تا ۱۹.

شریفیان ح، قهرمان ب، علیزاده ا و میرلطیفی س، ۱۳۸۵. مقایسه روش‌های مختلف تبخیر- تعرق مرجع (ترکیبی و دمایی) با روش استاندارد و بررسی اثرات خشکی هوا بر آن. *علوم کشاورزی و منابع طبیعی*، جلد ۱۳، شماره ۱، صفحه‌های ۱۹ تا ۲۰.

علیزاده ا، ۱۳۸۱. اصول هیدرولوژی کاربردی. چاپ چهاردهم، انتشارات آستان قدس رضوی، مشهد.  
کارآموز م و عراقی نژاد، ۱۳۸۴. هیدرولوژی پیشرفته. چاپ اول، انتشارات دانشگاه صنعتی امیرکبیر، تهران.  
کوچکزاده م و بهمنی ع، ۱۳۸۴. ارزیابی عملکرد شبکه‌های عصبی مصنوعی در کاهش پارامترهای مورد نیاز، برای برآورد تبخیر- تعرق مرجع. *علوم کشاورزی*، جلد ۱۱، شماره ۴، صفحه‌های ۸۷ تا ۹۷.

منهاج مب، ۱۳۸۴. مبانی شبکه‌های عصبی (هوش محاسباتی). مرکز نشر پرفسور حسابی، جلد اول.  
میلانی عنابی ا، ۱۳۸۵. ارزیابی روش‌های مستقیم و غیرمستقیم برآورد تبخیر- تعرق گیاه مرجع (چمن) در تبریز. مرکز اطلاعات و مدارک علمی کشاورزی ایران، شماره ۱۱۳۵، ۸۵/۱۱۳۵، ناشر مؤسسه تحقیقات خاک و آب، کرج.  
نوروزی م، ۱۳۸۵. تعیین تبخیر- تعرق گیاه مرجع (چمن) و گوجه فرنگی با استفاده از مطالعات لایسی‌تری در استان بوشهر. مرکز اطلاعات و مدارک علمی کشاورزی ایران، شماره ۸۵/۱۳۲۲، ناشر مؤسسه تحقیقات خاک و آب، کرج.  
هژبر ح، معاضد ه و شکری کوچک س، ۱۳۹۳. برآورد تبخیر- تعرق مرجع با استفاده از مدل‌های تجربی، مدل‌سازی آن با شبکه عصبی مصنوعی و مقایسه آن‌ها با داده‌های لایسی‌تری در ایستگاه کهریز ارومیه. *مهندسی آبیاری و آب*، سال ۴، شماره ۱۵، صفحه‌های ۱۳ تا ۲۵.

- Allen RG, Gensen ME, Wright JL and Burman RD, 1989. Operational estimates of reference evapotranspiration. *Agron J* 18: 154-171.
- Allen RG, Pereira LS, Raes D and Smith M, 1998. Crop Evapotranspiration: Guidelines for Computing Crop Water Requirements. Irrigation and Drainage Paper No 56, FAO, Rome, Italy, 300p.
- Anonymous, 2005. The ASCE Standardized Reference Evapotranspiration Equation. Task Committee on Standardization of Calculation of Reference ET, Environment and Water Resources Institute of ASCE, 200p.
- Basheer IA and Hajmeer M, 2000. Artificial neural networks: fundamentals, computing, design, and application. *J Microbiologic Meth* 43: 3-31.
- Benli B, Kodal S, Ilbeyi A and Ustun H, 2006. Determination of evapotranspiration and basal crop coefficient of alfalfa with a weighting lysimeter. *Agric Water Manage* 81(3): 358-370.
- Bhakar SR, Ojha S, Singh RV and Ansari A, 2006. Estimation of evapotranspiration for wheat crop using artificial neural network. Pp. 305-314. Proceedings of the 4th World Congress on Computers in Agriculture. Orlando, Florida, USA.
- Coulibaly P, Anctil F and Bobee B, 2000. Daily reservoir inflow forecasting using artificial neural networks with stopped training approach. *J Hydrol* 230: 244-257.
- Dehghani Sanij H, Yamamoto T and Rasiah V, 2004. Assessment of evapotranspiration estimation models for use in semi-arid environments. *Agric Water Manage* 64: 91-106.
- Doorenbos J and Pruitt WO, 1975. Guidelines for Predicting Crop Water Requirements. Irrigation and Drainage Paper 24, (1st Ed), Food and Agriculture Organization of the United Nations, Rome, 179p.
- Doorenbos J and Pruitt WO, 1977. Guidelines for Predicting Crop Water Requirements. Irrigation and Drainage Paper 24, (2nd Ed), Food and Agriculture Organization of the United Nations, Rome, 144p.
- Erpenbeck JM, 1981. Methodology to estimate crop water requirements in Washington State. MSc Thesis, Washington State University, Pullman.
- Frere M and Popov GF, 1979. Agrometeorological Crop Monitoring and Forecasting. FAO Plant Production and Protection Paper 17, FAO, United Nations, Rome, 64p.
- Hargreaves GH and Samani ZA, 1982. Estimating potential evapotranspiration. *J Irr and Drain Eng ASCE* 108(3): 223-230.
- Hargreaves GH and Samani ZA, 1985. Reference crop evapotranspiration from temperature. *Appl Eng in Agric* 1(2):96-99.
- Jain SK, Singh VP and Van Genuchten MTh, 2004. Analysis of soil water retention data using artificial neural networks. *J Hydrol Eng ASCE* 9(5): 415-420.
- Kisi O, 2006. Evapotranspiration estimation using feed-forward neural network. *Nord Hydrol* 37(3): 247-260.

- Kumar MN, Raghuwanshi S, Singh R, Wallender WW and Pruitt WO, 2002. Estimating evapotranspiration using artificial neural networks. *J Irr and Drain Eng ASCE* 128(4): 224-233.
- López-Urrea R, Martín de Santa Olalla F, Fabeiro C and Moratalla A, 2006. Testing evapotranspiration equations using lysimeter observations in a semi-arid climate. *Agric Water Manage* 85:15-26.
- Makkink GF, 1957. Testing the Penman formula by means of lysimeters. *J Inst Water Engg* 11(3): 277-288.
- Penman HL, 1948. Natural evaporation from open water, bare soil and grass. *Proc Roy Soc London*, A193:120-145.
- Penman HL, 1963. Vegetation and Hydrology. Tech Comm No 53, Commonwealth Bureau of Soils, Harpenden, England, 125p.
- Priestley CHB and Taylor RJ, 1972. On the assessment of surface heat flux and evaporation using large-scale parameters. *Mon Weather Rev* 100:81-92.
- Santos AO, Bergamaschi H and Cunha Gr, 1994. Evaluation of method for estimation of maximum evapotranspiration in Lucene. CAB Abstracts 1945.
- Turc L, 1961. Evaluation of irrigation water requirements, potential evapotranspiration, climate simplified formula and commissioning. *J Ann Agron* 12(1):13-49 (in French).
- Wright JL and Jensen ME, 1972. Peak water requirements of crops in Southern Idaho. *J Irr and Drain Div ASCE* 96(1):193-201.
- Wright JL, 1982. New evapotranspiration crop coefficients. *J Irr and Drain Div ASCE* 108:57-74.
- Zanetti SS, Sousa EF, Olivera VPS, Almeida FT and Bernardo S, 2007. Estimating evapotranspiration using artificial neural network and minimum climatological data. *J Irr and Drain Eng ASCE* 133 (2): 83-89.