

مقایسه مدل‌های شبکه عصبی مصنوعی و رگرسیونی در تخمین وزن خشک

و جذب فسفر گیاه ذرت

محمد رضا مقصودی^۱، عادل ریحانی تبار^{*}^۲، نصرت الله نجفی^۳

تاریخ دریافت: ۹۲/۱۰/۱۵ تاریخ پذیرش: ۹۳/۰۵/۲۵

^۱ دانشجوی سابق کارشناسی ارشد، گروه علوم خاک، دانشکده کشاورزی، دانشگاه تبریز

^۲ دانشیاران گروه علوم خاک، دانشکده کشاورزی، دانشگاه تبریز

^۳ مسئول مکاتبات، پست الکترونیکی: areyhani@tabrizu.ac.ir

چکیده

در این تحقیق مقایسه‌ای بین شبکه عصبی مصنوعی (ANN) و مدل‌های رگرسیونی خطی در تخمین وزن خشک و جذب فسفر گیاه ذرت از روی فسفر خاک استخراج شده توسط عصاره‌گیرهای مختلف انجام یافت. برای این منظور ۲۵ نمونه مرکب خاک سطحی (۰-۳۰ cm) از نقاط مختلف استان آذربایجان شرقی جمع‌آوری و در آن خاک‌ها گیاه ذرت (سینگل کراس ۷۰۴) در سه تکرار در گلخانه کشت شد. بعد از ۶۰ روز گیاهان برداشت و وزن خشک بخش هوایی و غلظت فسفر در آن اندازه‌گیری شد. نتایج نشان داد که ضریب تبیین مدل رگرسیون خطی بین فسفر استخراج شده با روش‌های کالول و اولسن با وزن خشک بخش هوایی ذرت به ترتیب برابر 0.49 و 0.44 بودند. با توجه به نتایج مدل شبکه عصبی مصنوعی روش اولسن برای تخمین وزن خشک و روش آب مقطر برای تخمین غلظت فسفر بخش هوایی ذرت برتر از سایر روش‌ها بودند. در پیش‌بینی شاخص‌های مهم وزن خشک و فسفر جذب شده توسط گیاه ذرت بر مبنای غلظت فسفر استخراج شده توسط عصاره‌گیرهای مختلف، ضرایب تبیین مدل‌های شبکه عصبی مصنوعی بیشتر از مدل‌های رگرسیونی خطی حاصل گردید، لذا چنین نتیجه‌گیری شد که می‌توان از شبکه عصبی مصنوعی در مطالعات آزمون خاک برای فسفر بهره گرفت.

واژه‌های کلیدی: ذرت، رگرسیون خطی، فسفر جذب شده، شبکه عصبی مصنوعی

Comparison of Artificial Neural Network and Regression Models for Estimating Dry Weight and P Uptake of Corn

MR Maghsoodi¹, A Reyhanitabar^{2*}, N Najafi³

Received: 5 January 2014 Accepted: 16 August 2014

¹Former M.Sc. Student, Soil Sci Dept., Faculty of Agric., Univ. of Tabriz, Iran

^{2, 3} Assoc. Prof. Soil Sci Dept., Faculty of Agric., Univ. of Tabriz, Iran

*Corresponding Author, E-mail: areyhani@tabrizu.ac.ir

Abstract

In this study, a comparison between the artificial neural network (ANN) and linear regression models for estimating the dry weight of corn and its P uptake, based on the extracted P from soil by different extractants was done. For this purpose, 25 surface soil composite samples (0-30 cm) were collected from different points of East Azerbaijan province, and then corn plants (single cross 704) were cultivated in these soils under the greenhouse condition with three replications. After 60 days, the plants were harvested and the shoot dry weight and its P concentration were measured. The results showed that the coefficient of determination (r^2) values between the extracted soil P, obtained by Colwel and Olsen's tests and corn shoot dry weight were 0.49 and 0.44, respectively. The results of ANN showed that the Olsen's test for estimating the corn shoot dry weight and distilled water for estimating the shoot P concentration were superior. For prediction of the important indices of the corn shoot dry weight and P uptake, based on P concentration measured using different extractions, higher values for coefficient of determination were obtained by applying some conventional methods of ANN with respect to those obtained by applying linear regression methods, so it was concluded that ANN could be used in soil P testing.

Keywords: Artificial neural network, Corn, Linear regression, Absorbed Phosphorus

استخراج شده¹ به صورت شیمیایی عمدتاً به شکل غالباً فسفر خاک (فسفات‌های کلسیم یا فسفات‌های آهن و آلومینیوم)، نوع گیاه و شرایط آزمایش بستگی دارد (دلگادو و تورنت ۲۰۰۱)، نتایج از دقت کافی برخوردار نیست، لذا اهمیت استفاده از روش‌های هوشمندی مانند شبکه عصبی مصنوعی مشخص می‌شود.

از سال ۱۹۵۴ به بعد استخراج فسفر به روش اویسن یکی از رایج‌ترین عصاره‌گیرهای فسفر خاک

مقدمه

از دیرباز محققان زیادی به دنبال تخمین شاخص‌های رشد گیاه قبل از کشت آن‌ها بوده‌اند تا بتوانند اقدامات لازم برای افزایش رشد را انجام دهند. برای ارزیابی فسفر قابل جذب خاک از عصاره‌گیرهای مختلفی استفاده شده است، ولی تاکنون یک عصاره‌گیر جهانی، برای این منظور یافت نشده است. از آنجایی که رابطه بین فسفر قابل جذب و فسفر

¹Extracted

بوده است. شعبانی و همکاران (۱۳۹۰) برای بررسی تأثیر ویژگی‌های خاک و توپوگرافی بر عملکرد گندم دیم با استفاده از مدل‌سازی بهروش شبکه عصبی مصنوعی در اراضی دیم منطقه سیسab استان خراسان شمالی تحقیقی انجام دادند. نتایج نشان داد که مدل شبکه عصبی مصنوعی می‌تواند ۹۲ درصد تغییرات در عملکرد کل و عملکرد دانه گندم را توضیح دهد. زارع ابیانه (۱۳۹۱) گزارش کردند که روش شبکه عصبی مصنوعی با تلفیق دو عامل طول و عرض جغرافیایی قادر به پیش‌بینی عملکرد گندم آبی و دیم پیش از برداشت با دقت مناسب است. اسمیت و همکاران (۱۹۹۵) مشاهده کردند که عملکرد پیش‌بینی شده گندم در مرحله طویل شدن ساقه ۴۶٪ تغییرات عملکرد واقعی را توضیح داد درحالی‌که عملکرد پیش‌بینی شده در مرحله گرده‌افشانی ۵۶٪ این تغییرات را توضیح داد. به عبارت دیگر، با پیشرفت دوره رشد و وارد شدن تعداد بیشتری از عوامل مؤثر بر عملکرد در مدل، دقت مدل در پیش‌بینی عملکرد افزایش یافت. با این وجود تماری و همکاران (۱۹۹۶) نشان دادند که اگر ناپایداری داده‌ها بالا باشد (انحراف معیار آن‌ها بزرگ باشد)، شبکه عصبی از مدل‌های رگرسیونی خطی بهتر نخواهد بود، اما زمانی‌که داده‌هایی با دقت بالا بکار برده شود شبکه عصبی کارآیی بالاتری را نشان می‌دهد. یانگ و همکاران (۱۹۹۸) در مطالعه‌ای مشابه، همبستگی معنی‌داری بین ارتفاع، شبی و راستای شبی با عملکرد گندم به دست آورده‌اند. کراوچنکو و بالوک (۲۰۰۰) در ایالنی آمریکا نشان دادند که ویژگی‌های توپوگرافی به تهایی ۶ تا ۵۴ درصد از تغییرپذیری عملکرد ذرت و سویا را توجیه می‌کنند و هنگامی که با ویژگی‌های شیمیایی خاک ترکیب شوند این مقدار به ۱۰ تا ۷۸ درصد می‌رسد. برجسن و سکاپ (۲۰۰۵) برای تخمین پارامترهای معادله و انگختن از توابع نقطه‌ای و پارامتری به‌وسیله شبکه عصبی مصنوعی استفاده کردند. نتایج آنان نشان داد که با افزایش میزان رس در خاک‌ها میزان ریشه میانگین مربعات خطأ (RMSE) افزایش یافت. امینی و همکاران (۲۰۰۵) با استفاده از میزان ماده آلی و رس اقدام به برآورد میزان ظرفیت تبادل کاتیونی خاک

برای خاک‌های غیراسیدی بوده است (دلگادو و سکالنگ ۲۰۰۸). حسین‌پور و شریعتمداری (۱۳۸۵) گزارش کردند که روش کالول در هر سه چین گیاه یونجه با شاخص مقدار فسفر جذب شده توسط گیاه ضریب تبیین بالایی داشت. عطاردی و نادری خوراسگانی (۱۳۸۸) به این نتیجه رسیدند که برای اندازه‌گیری فسفر قابل جذب سورگوم، روش‌های اولسن و آب مقطر مناسب‌تر می‌باشند. حسین‌پور و صالحی (۱۳۸۸) گزارش کردند که فسفر استخراج شده توسط روش نوارهای کاغذی تنها در چین اول با مقدار فسفر جذب شده توسط گیاه یونجه^۲ بالایی نداشت ولی در بقیه چین‌ها^۲ بالایی داشت. پاو (۱۹۷۱) ضریب تبیین^(۲) بالایی بین فسفر استخراج شده توسط روش خویش و مقدار فسفر بخش هوایی گندم بهاره گزارش کرد. سون (۱۹۹۰) با کشت جو، عصاره‌گیر اولسن و کلونا را ارزیابی و گزارش کرد که به علت استخراج چند عنصر با هم و کاربرد آسان و ظرفیت بافری بهتر روش کلونا، این روش قابل پیشنهاد است. بر اساس مطالعه شارپلی (۱۹۹۲) روش نوارهای کاغذی می‌تواند پایه نظری قوی‌تری از عصاره‌گیرهای شیمیایی در تخمین فسفر قابل استفاده گیاه داشته باشد. هومفاریز و همکاران (۲۰۰۱) گزارش کردند که ماده خشک چاودار دائمی همبستگی قوی با عصاره‌گیرهای مورگان، اولسن و 0.1CaC داشت. کولهانک و همکاران (۲۰۰۷) گزارش کردند که از بین عصاره‌گیرهای آب مقطر، 0.1CaCl_2 ، اولسن و مهیج-۳، عصاره‌گیر آب مقطر بهترین^۲ را با مقدار فسفر جذب شده توسط جو داشت. مالینا و همکاران (۲۰۱۲) عصاره‌گیر سلطانپور را به دلیل استخراج چندین عنصر به طور همزمان پیشنهاد کردند. اخیراً از شبکه عصبی مصنوعی (ANN) برای پیش‌بینی عملکرد گندم دیم و آبی استفاده شده و نتایج خوبی در برداشته است (زارع ابیانه ۱۳۹۱). نوروزی و همکاران (۱۳۸۷) گزارش کردند که شبکه عصبی مصنوعی قادر به پیش‌بینی مؤلفه‌های عملکرد گندم دیم با استفاده از مدل رقومی پستی و بلندی زمین با دقت بالایی می‌باشد، به‌گونه‌ای که این روش قادر به توجیه ۴۱ تا ۷۲ درصد از برآورده مؤلفه‌های عملکرد با استفاده از شاخص‌های توپوگرافی

دو هفته به سه بوته تنک شد. رطوبت خاک در طول ۲ ماه رشد بین ۸۰ تا ۱۰۰ درصد ظرفیت مزرعه به روش وزنی نگهداری شد. به غیر از فسفر بقیه عناصر بر طبق توصیه های رایج کودی مصرف گردید. برای این منظور مقدار ۱۲۰ میلی گرم اوره بر کیلوگرم خاک، ۱۰ میلی گرم روی بر کیلوگرم خاک از منبع سولفات روی $ZnSO_4 \cdot 7H_2O$ و ۵ میلی گرم آهن بر کیلوگرم خاک از کی لیت آهن (سکوسترین ۱۲۸) در گلدان ها استفاده شد. به دلیل اینکه خاک ها کمبود پتابسیم نداشتند (به طور متوسط ۴۵۰ میلی گرم پتابسیم در کیلوگرم خاک)، پتابسیم مصرف نگردید. پس از دو ماه، بخش هوایی و ریشه برداشت، خشکانیده و پودر شدند. هضم نمونه های گیاهی با استفاده از روش اکسایش تر (والینگ و همکاران ۱۹۸۹) و اندازه گیری غلظت فسفر در آن ها با روش زرد (اولسن و سومرز ۱۹۸۲) انجام شد. روش های عصاره گیری موردمطالعه مطابق با جدول ۱ انجام گردید. اندازه گیری غلظت فسفر در عصاره ها به روش رنگ سنجی مولیبیدات آبی که توسط مورفی و ریلی (۱۹۶۲) ارائه و توسط واتانا به و اولسن (۱۹۶۵) اصلاح شده است و با استفاده از دستگاه اسپکترو فوتومتر انجام شد.

مدل های شبکه عصبی مصنوعی و رگرسیونی

شبکه عصبی مصنوعی تقليد بسیار ساده ای از مغز انسان بر اساس یک پیکربندی ریاضی می باشد که از چند لایه و در هر لایه از چند گره (نرون) تشکیل شده است. معمولی ترین نوع شبکه عصبی مصنوعی از مجموعه نرون های پایه به وجود آمده که تشکیل دهنده لایه ورودی، یک یا چند لایه پنهان و یک لایه خروجی هستند. داده های ورودی در خلال شبکه و در مسیری روبرو به صورت لایه به لایه منتشر می شوند. این نوع شبکه عصبی، پیش تغذیه کننده یا پرسپیترون چند لایه^۱ (MLP) نام دارد (شکل ۱) (منهاج ۱۳۸۴). تعداد نرون های لایه ورودی برابر با تعداد عناصر بردار ورودی و تعداد نرون های لایه خروجی برابر با تعداد عناصر بردار خروجی می باشد.

به وسیله شبکه عصبی مصنوعی و پنج مدل تجربی که بر پایه روش های رگرسیونی می باشدند نمودند و نتایج آنان نشان داد که روش شبکه عصبی مصنوعی از برتری قابل قبولی نسبت به سایر روش ها برخوردار می باشد. هدف از این مطالعه ارزیابی عملکرد شبکه عصبی مصنوعی برای پیش بینی رشد گیاه ذرت با استفاده از فسفر استخراج شده توسط برخی عصاره گیرها و مقایسه مقادیر حاصل از این مدل با معادلات رگرسیونی حاصل از انتخاب بهترین عصاره گیرها و انتخاب عصاره گیری با بیشترین دقت در تخمین شاخص های رشد گیاه ذرت بود.

مواد و روش ها

نمونه برداری و آزمایش های گلخانه ای

نمونه برداری از خاک های استان آذربایجان شرقی بر اساس ویژگی هایی مثل بافت خاک، pH، کربنات کلسیم معادل، کربن آلی و فسفر قابل استفاده گیاه انجام و درنهایت با توجه به دامنه ویژگی های یاد شده ۲۵ نمونه مرکب از مناطق مختلف استان از عمق ۰-۳۰ سانتی متری برای این مطالعه انتخاب گردید. نمونه های خاک پس از هوا خشک شدن، از الک ۲ میلی متری عبور داده شده و ویژگی هایی مثل بافت خاک به روش هیدرومتری ۴ زمانه (گی و بودر ۲۰۰۲)، pH در $CaCl_2 \cdot 0.1$ مولار با نسبت ۱:۲ خاک به محلول و در ۱:۱ آب به خاک (ریچاردز ۱۹۵۴)، کربن آلی خاک به روش اکسایش تر (نلسون و سومرز ۱۹۹۶)، کربنات کلسیم معادل (CCE) به روش خنثی سازی با اسید و تیر کردن با سود (آلیسون و مودی ۱۹۶۵)، قابلیت هدایت الکتریکی (EC) در نسبت ۱:۲ خاک به آب (روز ۱۹۹۶) و کربنات کلسیم معادل فعال (ACCE) با اگزالات آمونیم (دورینیو ۱۹۴۲) تعیین شد. فسفر قابل استفاده گیاه در خاک نیز به روش اولسن (اولسن و همکاران ۱۹۵۴) اندازه گیری شد. سپس آزمایشی در ۲۵ نوع خاک با سه تکرار به صورت فاکتوریل و بر پایه طرح بلوک های کامل تصادفی در شرایط گلخانه ای انجام شد. در گلدان هایی که حاوی ۳ کیلوگرم خاک بودند، پنج بذر گیاه ذرت (Zea mays L.) رقم سینگل کراس ۷۰۴ کاشته و پس از

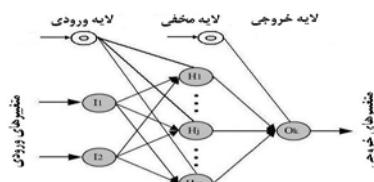
^۱Multi-layer perceptron

هیپربولیک^۳ اشاره کرد و از این میان تابع سیگموئید $S(x) = 1/(1 + \exp(-a))$ کاربرد بیشتری در مسائل مهندسی دارد. بنابراین در یک شبکه عصبی با n نرون ورودی، h نرون در لایه میانی و یک نرون خروجی، مقدار خروجی از شبکه عصبی به صورت زیر خواهد بود (منهاج ۱۳۸۴):

$$Y = S_2 \left(\sum_{j=1}^h w_j \times \left(S_1(b_j + \sum_{i=1}^n w_{i,j} p_i) \right) \right) \quad [2]$$

برای مدل‌سازی شاخص‌های رشد گیاه ذرت براساس شبکه عصبی مصنوعی از نرم‌افزار Matlab استفاده شد. ابتدا ترکیب‌های متفاوتی از متغیرهای y_1, y_2, \dots, y_5 به عنوان خروجی هر مدل و x_1, x_2, \dots, x_{11} به عنوان ورودی مدل‌ها انتخاب گردید. برای یافتن بهترین مدل در مطالعه حاضر برای هر x و y از دو لایه پنهان و ۱۰ تا ۱۰ نرون روی هر لایه پنهان استفاده شد و بر اساس معیارهای جذر میانگین مربعات خطأ ($RMSE$) و ضریب تبیین (r^2) مرحله آموزش و اعتبارسنجی بهترین آن‌ها ارائه شد. به علت استفاده گسترده از تابع انتقالی تانژانت سیگموئیدی از این تابع در مطالعه حاضر استفاده شد. نرخ یادگیری سازگاری^۴ بود، الگوریتم آموزش لونبرگ مارکوارت و تعداد تکرار در حالت بیشینه ۱۰۰۰ تکرار بود. در مرحله آموزش ۱۹ خاک و در مرحله اعتبارسنجی ۴ خاک مورد استفاده قرار گرفت. از آنجایی که در شاخص‌های رشد، بخش هوایی بیشتر مدنظر است (زیرا این بخش برداشت شده و مورد استفاده قرار می‌گیرد)، سعی شد مواردی را که دارای r^2 بالایی هم در مرحله آموزش و هم اعتبارسنجی بین فسفر استخراج شده توسط عصاره‌گیرها و غلظت و مقدار فسفر بخش هوایی و وزن خشک بخش هوایی وجود داشت انتخاب شود.

رگرسیون شاخه‌ای از علم آمار است که استفاده از آن به‌طور وسیعی در بیشتر زمینه‌های علمی گسترش یافته و تحلیل رگرسیونی نیز، روشی برای



شکل ۱ - نمایی از شبکه پرسپترون چند لایه (MLP) (منهاج ۱۳۸۴).

تحلیل دقیق و واقعی برای پیدا کردن تعداد نرون‌های لایه میانی، در کل بسیار پیچیده است اما می‌توان گفت که تعداد نرون‌های لایه مخفی تابعی از تعداد عناصر برداری ورودی و همچنین بیشینه تعداد نواحی از فضای ورودی که به‌طور خطی از هم جدا پذیرند می‌باشد، از این‌رو تعداد نرون‌های لایه مخفی عموماً به‌طور تجربی به‌دست می‌آید. نحوه عملکرد هر یک از نرون‌ها در شکل ۲ مشخص شده است و بدین‌صورت است که p و a به‌ترتیب کمیت‌های ورودی و خروجی می‌باشند. کمیت w میزان تأثیر p روی a را تعیین می‌کند (وزن ارتباطی لایه‌ها). از سوی دیگر نیز مقدار ثابت ۱ در جمله b ضرب شده و با مقدار $w \times p$ جمع می‌گردد. حاصل این جمع ورودی خالص^۵ برای تابع f خواهد بود. بدین ترتیب خروجی نرون توسط معادله زیر تعریف می‌گردد:

$$a = f(b_j + \sum_{n=1}^i p_i w_i) \quad [1]$$



شکل ۲-راست: نمایی از سلول عصبی (نرون)، چپ: نمای یک لایه از سیستم شبکه عصبی مصنوعی (منهاج ۱۳۸۴).

تابع غیرخطی f در واقع انتقال اعداد از لایه‌ای به لایه دیگر را بر عهده دارد، بنابراین باید به لحاظ ریاضی هموار باشد که از آن جمله می‌توان به توابع گوسی^۶، سکانت هیپربولیک^۷، سیگموئید^۸ و تانژانت

³Sigmoid

⁴Hyperbolic Tangent

⁵Learning Rate Adaptation

⁶Gaussian

⁷Hyperbolic Secant

قابل توجهی برخوردار بودند که نشان‌دهنده گستره خوب صفات مورد بررسی است. در جدول ۳ شاخص‌های رشد گیاه ذرت ارائه شده است. با توجه به این جدول وزن خشک بخش هوایی بین ۰/۱۰-۰/۲ و میانگین آن ۰/۷۱ گرم بر گلدان، غلظت فسفر بخش هوایی بین ۰/۱۵ با میانگین ۰/۴۰ میلی‌گرم بر گرم و مقدار فسفر بخش هوایی (کل فسفر جذب شده توسط بخش هوایی) بین ۰/۳۶-۰/۳۳ با میانگین ۰/۴۴ میلی‌گرم بر گلدان مقدار فسفر ریشه هم بین ۰/۸۱-۰/۰ با میانگین ۰/۴۷ میلی‌گرم بر گلدان می‌باشد. به طور میانگین در ۲۵ خاک مورد مطالعه کلرید کلسیم ۰/۱ مولار کمترین مقدار فسفر و روш کالول بیشترین آن را استخراج کرد (جدول ۴). روشن سلطانپور نیز بعد از روشهای کلرید کلسیم ۰/۰۱ مولار و آب مقطر کمترین مقدار فسفر را در بر داشت.

در ۲۵ خاک مورد مطالعه بیشترین ضریب تبیین بین روشن پاو و مقدار فسفر ریشه ذرت مشاهده شد (۰/۰۲۷). همچنین روشن کاغذ صافی و اتمن ۵۴۱ آغشته به اکسید آهن با مقدار فسفر بخش هوایی و ریشه رابطه‌ای منفی و معنی‌دار داشت (به ترتیب $r^2 = 0/023$ و $0/019$). در نگاه اول به نظر می‌رسید که هیچ یک از عصاره‌گیرهای مورد مطالعه در این تحقیق، قادر به پیش‌بینی شاخص‌های گیاه ذرت نبودند اما با فرض پرت بودن داده‌های حاصل از دو خاک ۲ و ۵ و حذف آن‌ها (به علت مقدار فسفر بالا) و نگهداشتن چهار خاک ۱۵، ۱۶، ۱۹ و ۲۵ برای اعتبار سنجی معادلات رگرسیونی، این r^2 ‌ها به طور قابل ملاحظه‌ای افزایش یافت.

نتایج حاصل، بعد از اعمال این تغییر در جدول ۵ ارائه شده است. با توجه به این جدول مشاهده می‌شود که بیشترین ضریب تبیین به ترتیب بین روشهای P_i (اتمن ۵۴۱) با مقدار فسفر ریشه (۰/۰۵۵) و کالول و اولسن با وزن خشک بخش هوایی (۰/۰۴۹) برابر بود.

هرچند دیگر عصاره‌گیرها نیز رابطه معنی‌داری با شاخص‌های گیاهی دارند، ولی این روابط هم به دلیل دقت کم نمی‌توانند پیش‌گوی مناسبی برای شاخص‌های

مدل‌سازی و تحلیل داده‌های عددی و یافتن ارتباط میان متغیرها است. رگرسیون خطی یکی از روش‌های تحلیل رگرسیونی به شمار آمده و رابطه مورداستفاده عمده‌است به صورت زیر است (ریچارد ۲۰۰۴):

$$y = a + bx_1 + cx_2 + \dots \quad [۳]$$

که در این رابطه x_1 و x_2 به عنوان متغیرهای ورودی اعمال شده به مدل (متغیرهای مستقل)، y متغیر خروجی حاصل شده از مدل (متغیر وابسته) و a ، b و c ثابت‌های معادله می‌باشند (ریچارد ۲۰۰۴).

معیارهای ارزیابی

پس از تحلیل داده‌ها با انواع روش‌ها و مدل‌ها لازم است عملکرد آن‌ها مورد ارزیابی قرار گیرد. برای این منظور روشهای متنوعی وجود دارد که عمده‌ترین این روشهای مقایسه مقادیر مشاهداتی و محاسباتی مدل‌ها با استفاده از معیارهای ارزیابی می‌باشد. در این تحقیق جذر میانگین مربعات خطای ($RMSE^1$) و ضریب تبیین (r^2) استفاده گردید (روابط ۴ و ۵). در این روابط x_i و y_i به ترتیب مقادیر مشاهداتی و محاسباتی در گام زمانی نام، N تعداد داده‌ها می‌باشد. $RMSE$ هم واحد با داده‌ها است. SS_{res} مجموع مربعات باقیمانده و SS_{tot} مجموع مربعات کل است. مدلی بهترین نتیجه را خواهد داشت که برای این دو معیار به ترتیب مقادیری نزدیک به صفر و یک را به همراه داشته باشد (ریچارد ۲۰۰۴).

$$RMSE = \sqrt{\frac{1}{N} \sum_{i=1}^N (x_i - y_i)^2} \quad [۴]$$

$$r^2 = 1 - \frac{SS_{res}}{SS_{tot}} \quad [۵]$$

نتایج و بحث

در جدول ۲ توصیف آماری برخی ویژگی‌های فیزیکی و شیمیایی خاک‌های مورد مطالعه ارائه شده است. در خاک‌های مورد مطالعه به جز خاک‌های ۸ و ۱۵ که به ترتیب $35/15$ و $5/78$ درصد گچ داشتند، گچ وجود نداشت. صفاتی مثل کربنات کلسیم معادل، کربن آلی، رس و هدایت الکتریکی از ضریب تغییرات

¹Root Mean Square Error

اعتبارسنجی نیز برای این عصاره‌گیرها پایین است. به طورکلی در این آزمایش معادلات رگرسیون خطی نتوانستند شاخص‌های رشد گیاه ذرت را به خوبی پیش‌بینی کنند. داده‌های استفاده شده برای آموزش شبکه عصبی نیز مربوط به این ۱۹ خاک می‌باشد و برای اعتبار سنجی مدل‌ها از داده‌های چهار خاک ۱۵، ۱۶، ۱۹ و ۲۵ استفاده شد.

رشد گیاه ذرت باشند. با توجه به جدول ۵ در این آزمایش روش‌های آب مقطر، کلرید کلسیم ۰/۰۱ مولار، سلطانپور و مورگان با هیچ‌یک از شاخص‌های گیاه ذرت^۲ بالایی نداشتند. به طورکلی نتایج نشان دادند که در تمام موارد روابط قوی نبودند ($r^2 < 0.7$). به هر حال ۳ معادلات رگرسیونی که بیشترین^۲ ها را داشتند برای پیش‌بینی شاخص‌های رشد گیاه ذرت انتخاب شدند. همان‌طور که در جدول ۶ ملاحظه می‌شود^۲ های قسمت

جدول ۱- عصاره‌گیرهای مختلف فسفر مورداستفاده در این تحقیق و ویژگی‌های آن‌ها.

روش عصاره‌گیری	غله و ترکیب شیمیایی	pH	عصاره‌گیر	نسبت خاک به مدت نکان دادن (min)	مرجع
آب مقطر*	آب مقطر	-	۱:۱۰	۵	اولسن و سومرز (۱۹۸۲)
محلول رقیق نمک*	۰.۰۱M CaCl ₂	-	۱:۱۰	۵	اولسن و سومرز (۱۹۸۲)
پاو*	آب دیونیزه	-	۱:۶۰	**۶۰	پاو (۱۹۷۱)
اولسن	۰.۵M NaHCO ₃	۸/۵	۱:۲۰	۳	اولسن و همکاران (۱۹۵۴)
کالول	۰.۵M NaHCO ₃	۸/۵	۱:۱۰۰	۹۶	کالول (۱۹۶۳)
سلطانپور و شواب	۱M NH ₄ HCO ₃ + ۰.۰۰۵M DTPA	۷/۶	۱:۲	۱۵	سلطانپور و شواب (۱۹۷۷)
مورگان	۰.۵M CH ₃ COOH + ۰.۷M NaC ₂ H ₃ O ₂	۴/۸	۱:۵	۱۵	مورگان (۱۹۴۱)
کلونا ^۲ *	۰.۲۵M CH ₃ COOH + ۰.۰۱۵M NH ₄ F + ۰.۲۵M NH ₄ C ₂ H ₃ O ₂	-	۱:۱۰	۱۵	کاین و همکاران (۱۹۹۴)
نووارهای کاغذی*	انواع کاغذهای صافی پوشیده شده با اکسید آهن	-	***۱:۴۰:۱	۹۶	چاردون و همکاران (۱۹۹۶)

^{*} این عصاره‌گیرها تنظیم نمی‌شود. ^{**} قبل از ۶۰ دقیقه نکان دادن، مقدار خاک برداشته شده به مدت ۲۲ ساعت با آب دیونیزه خیسانده شد. ^{***} یک گرم خاک + ۴۰ میلی‌لیتر محلول کلرید کلسیم ۰/۰۱ مولار + یک نوار آغشته به اکسید آهن با اضلاع ۱۰ cm × ۲ cm.

جدول ۲- برخی ویژگی‌های عمومی خاک‌های مورداستفاده در این آزمایش.

ویژگی‌ها	کمینه	بیشینه	میانگین	انحراف معیار	ضریب تغییرات (%)
کربنات کلسیم معادل (%)	۷/۰۰	۲۵/۰۰	۲۱/۵	۹/۱۵	۴۳
کربنات کلسیم معادل فعال (%)	۰/۴۷	۱۰/۷۸	۵/۱۰	۲/۷۹	۵۵
pH*	۷/۸۰	۸/۵۰	۸/۱۰	۰/۱۹	۲
pH**	۷/۶۰	۸/۴۰	۸/۱۰	۰/۲۳	۲
pH***	۷/۳۰	۸/۲۰	۷/۷۰	۰/۲۳	۲
کربن آلی (%)	۰/۱۶	۱/۹۳	۱/۰۴	۰/۰۵	۵۳
شن (%)	۱۵/۵۷	۶۷/۷۸	۰/۹۴	۱۸/۴۸	۴۷
سیلات (%)	۱۵/۵۹	۴۲/۲۴	۲۹/۹۳	۸/۰۴	۲۷
رس (%)	۱۲/۳۹	۵۷/۲۷	۱/۱۱	۱۲/۵۵	۴۰
هدایت الکتریکی (dS m ^{-۱})	۰/۱۳	۴/۱۶	۰/۶۹	۱/۰۱	۱۴۶
فسفر استخراج شده به روش اولسن (mg kg ^{-۱})	۱/۷۶	۷۴/۴۸	۱۱/۸۸	۱۴/۸۲	۱۲۵

* در نسبت ۱:۱ آب مقطر به خاک، ** در نسبت ۱:۲ آب مقطر به خاک، *** در نسبت ۱:۲ کلرید کلسیم ۰/۰۱ مولار به خاک.

جدول ۳- شاخص‌های گیاه ذرت کاشته شده در این آزمایش.

۷های تعریف شده در ANN	شاخص‌های رشد گیاه ذرت	کمینه	بیشینه	میانگین	انحراف معیار
y_1	وزن خشک ریشه (g_{pot}^{-1})	۰/۳۲	۱/۸۵	۱/۰۲	۰/۴۰
y_2	وزن خشک بخش هوایی (g_{pot}^{-1})	۲/۱۵	۱۰/۱۰	۵/۷۱	۱/۹۳
y_3	غلاظت فسفر ریشه (mgg^{-1})	۰/۱۹	۰/۶۶	۰/۴۶	۰/۱۲
y_4	غلاظت فسفر بخش هوایی (mgg^{-1})	۱/۹۸	۵/۱۵	۴/۰۷	۰/۷۹
y_5	مقدار فسفر ریشه (mg_{pot}^{-1})	۰/۱۴	۰/۷۴	۰/۴۷	۰/۱۹
y_6	مقدار فسفر بخش هوایی (mg_{pot}^{-1})	۹/۷۶	۳۲/۹۲	۲۲/۶۲	۶/۷۵

اعتبارسنجی r^2 بالایی نسبت به دیگر شاخص‌ها داشت. فسفر استخراج شده توسط روش کالول (x_5) و شاخص y_3 در مرحله آموزش و در مرحله اعتبارسنجی، شاخص‌های y_2 و y_4 دارای r^2 بالایی نسبت به دیگر شاخص‌ها داشت. فسفر استخراج شده توسط روش سلطانپور (x_6) و شاخص‌های y_1 , y_2 , y_3 و y_4 در مرحله آموزش و در مرحله اعتبارسنجی r^2 بالایی نسبت به دیگر شاخص‌ها داشت. فسفر استخراج شده توسط روش کلونا ۲ (x_7) و شاخص y_4 در مرحله آموزش و در مرحله اعتبارسنجی r^2 بالایی نسبت به دیگر شاخص‌ها داشت. فسفر استخراج شده توسط روش مورگان (x_8) و شاخص‌های y_1 و y_3 در مرحله آموزش و در مرحله اعتبارسنجی r^2 بالایی نسبت به دیگر شاخص‌ها داشت.

نتایج حاصل از تجزیه داده‌ها در جدول ۷ آورده شده است. همان‌طور که در این جدول مشاهده می‌شود فسفر استخراج شده توسط آب مقطر (x_1) و شاخص‌های y_1 , y_3 و y_4 در مرحله آموزش دارای بیشترین ضریب تبیین (r^2) هستند که دارای $RMSE$ کمی هستند و آن‌ها در مرحله اعتبارسنجی نیز بالاست. فسفر استخراج شده توسط کلرید کلسیم $0/۰۱$ مولار (x_2) و شاخص y_3 در مرحله آموزش و در مرحله اعتبارسنجی r^2 بالایی نسبت به دیگر شاخص‌ها داشت. فسفر استخراج شده توسط روش پاو (x_3) و شاخص‌های رشد گیاه در مرحله اعتبارسنجی r^2 بالایی نداشت، بنابراین از مقایسه با دیگر عصاره‌گیرها حذف شد.

فسفر استخراج شده توسط روش اولسن (x_4) و شاخص y_1 و y_2 در مرحله آموزش و در مرحله

جدول ۴- فسفر استخراج شده ($mg kg^{-1}$) توسط روش‌های مختلف عصاره‌گیری فسفر.

روش استخراج فسفر	میانگین	کمینه	بیشینه	انحراف معیار
کلرید کلسیم $0/۰۱$ مولار	۰/۴۸	۳/۵۳	۰/۱۲	
آب مقطر	۱/۶۵	۱۲/۲۲	۰/۱۰	
سلطانپور	۴/۵۱	۳۹/۰۹	۰/۷۵	
(واتمن ۴۱) Pi	۵/۲۴	۳۰/۷۰	۱/۷۷	
(سچلیجر و سچول ۵۸۹) Pi	۶/۴۴	۲۶/۷۴	۰/۴۳	
(واتمن ۴۰۹) Pi	۶/۵۹	۲۲/۱۴	۲/۵۱	
(واتمن ۴۲) Pi	۷/۶۹	۲۷/۴۷	۲/۹۴	
پاو	۸/۰۵	۱۷/۶۸	۱/۹۰	
(پاکستانی ۴۲) Pi	۹/۰۵	۲۹/۶۷	۲/۴۱	
اولسن	۱۱/۸۸	۷۴/۴۸	۱/۷۶	
مورگان	۱۹/۶۸	۱۲۷/۶۸	۱/۶۲	
کلونا ۲	۲۰/۲۶	۱۰۲/۱۶	۶/۲۹	
(واتمن ۵۴) Pi	۲۱/۸۰	۵۶/۰۲	۶/۳۹	
کالول	۲۷/۶۱	۱۲۰/۸۱	۶/۷۶	

Pi: روش کاغذ صافی‌های آغشته به اکسید آهن.

جدول ۵- ضریب تبیین (r^2) فسفر استخراج شده توسط عصاره‌گیرهای مختلف و شاخص‌های گیاهی در ۱۹ خاک موردمطالعه (حذف خاکهای ۲، ۱۶، ۱۵، ۵ و ۲۵).

شاخص‌های رشد								روش‌های عصاره‌گیری (x _i) ANN
مقدار فسفر بخش هوایی	مقدار فسفر ریشه	غلاظت فسفر بخش هوایی	غلاظت فسفر ریشه	وزن خشک بخش هوایی	وزن خشک ریشه	آب مقطر		
						کلرید کلسیم ۰/۰۱ مولا		
۰/۰۱	۰/۰۱	۰/۰۴	۰/۰۲	۰/۰۵	۰/۰۱	آب مقطر	x ₁	
۰/۰۰	۰/۰۴	۰/۰۵	۰/۰۲	۰/۰۶	۰/۰۰	کلرید کلسیم ۰/۰۱ مولا	x ₂	
۰/۱	۰/۴۱	۰/۴	۰/۳۵	۰/۰۲	۰/۱۰	پاو	x ₃	
۰/۳۱	۰/۰۱	۰/۰	۰/۰۱	۰/۴۴	۰/۰۴	اولسن	x ₄	
۰/۲۰	۰/۰۰	۰/۰۳	۰/۰۲	۰/۴۹	۰/۰۵	کالول	x ₅	
۰/۰۴	۰/۰۳	۰/۰۳	۰/۰۰	۰/۱۴	۰/۰	سلطانپور	x ₆	
۰/۱۴	۰/۰۱	۰/۰۳	۰/۰۳	۰/۴۱	۰/۰۲	کلونا ۲	x ₇	
۰/۰۰	۰/۰۵	۰/۰۲	۰/۰۰	۰/۰۴	۰/۰۲	مورگان	x ₈	
۰/۱۷	۰/۰۰	۰/۰۱	۰/۰۰	۰/۲۸	۰/۰۳	(۴۲) Pi	x ₉	
۰/۲۵	۰/۵۵	۰/۳۷	۰/۳۲	۰/۰۱	۰/۱۴	(۵۴۱) Pi	x ₁₀	
۰/۱۱	۰/۰۱	۰/۰۵	۰/۰۰	۰/۲۹	۰/۰۲	(۵۸۹۳) Pi	x ₁₁	

Pi: روش کاغذ صافی‌های آشته به اکسید آهن.

جدول ۶- پیش‌بینی شاخص‌های رشد گیاه با استفاده از معادلات رگرسیونی.

بهترین مدل	اعتبارسنجی		آموزش		خروجی	ورودی
	RMSE	r^2	RMSE*	r^2		
$y = ۰/۰۲x + ۰/۸$	۰/۲۰	۰/۰۲	۰/۱۳	۰/۵۵	y ₅	x ₁₀
$y = ۰/۰۹x + ۴/۰۵$	۱/۹۸	۰/۵۱	۱/۰۶	۰/۴۹	y ₂	x ₅
$y = ۰/۲۵x + ۳/۷۹$	۱/۹۷	۰/۴۵	۱/۱۲	۰/۴۴	y ₂	x ₄

RMSE*: هموارد با داده‌ها است.

استخراج شده توسط عصاره‌گیرها را با شاخص‌های رشد گیاه ذرت نسبت به رگرسیون خطی افزایش داد (البته در مواردی که به عنوان اعتبار سنجی بکار رفته‌اند): به طوری که در معادلات رگرسیونی عصاره‌گیر آب مقطراً قادر به پیش‌بینی هیچ‌یک از شاخص‌های گیاه ذرت نبود ولی با آموزش ANN تقریباً تمام شاخص‌های رشد موردمطالعه را پیش‌بینی کرد. نتایج نشان داد که روش اولسن بهترین عصاره‌گیری است که با استفاده از فسفر استخراج شده توسط آن می‌توان با ANN با ۸ لایه نرون در لایه اول و ۶ نرون در لایه دوم ((۸ و ۶) net) وزن خشک بخش هوایی را پیش‌بینی کرد و روش سلطانپور بهترین عصاره‌گیری است که با استفاده از فسفر استخراج شده توسط آن می‌توان با ANN با ۶ نرون در لایه اول و ۶ نرون در لایه دوم غلاظت فسفر بخش هوایی را پیش‌بینی کرد.

فسفر استخراج شده توسط روش Pi (واتمن ۴۲) (x₉) و شاخص‌های رشد گیاه در مرحله اعتبار سنجی^۲ بالایی نداشت بنابراین از مقایسه با دیگر عصاره‌گیرها حذف شد. فسفر استخراج شده توسط روش Pi (واتمن ۵۴۱) (x₁₀) و شاخص‌های y₃, y₄ و y₅ در مرحله آموزش و در مرحله اعتبار سنجی^۲ بالایی نسبت به دیگر شاخص‌ها داشت. فسفر استخراج شده توسط روش Pi (x₁₁) و شاخص‌های رشد گیاه در مرحله آموزش و یا اعتبار سنجی^۲ بالایی نداشت. بنابراین از مقایسه با دیگر عصاره‌گیرها حذف شد. شاید یکی از دلایل^۲ های پایین در بعضی موارد تعداد کم داده‌ها برای آموزش باشد زیرا هرچه تعداد داده‌های ورودی برای آموزش بیشتر باشد نرم‌افزار موارد دیگر را بهتر پیش‌بینی می‌کند. همان‌طور که ملاحظه می‌شود با آموزش ANN می‌توان دقیق (r) و قدرت (r^2) رابطه بین فسفر

جدول ۷- ضریب تبیین (r^2) مدل‌های برتر برای روابط بین انواع شاخص‌های گیاهی و فسفر استخراج شده توسط عصاره‌گیرهای مختلف در ۱۹ خاک مورد مطالعه.

اعتبار سننجی	آموزش		بهترین حالت شبکه	خروجی	ورویدی
RMSE	r^2	RMSE*	r^2		
۰/۲۴	۰/۹۶	۰/۱۴	۰/۸۲	net (۹۴) [*]	y ₁
۰/۱۱	۰/۸۳	۰/۰۵	۰/۸۳	net (۶۸)	y ₃
۰/۶۱	۰/۸۰	۰/۲۶	۰/۸۸	net (۷۵)	y ₄
۶/۴۲	۰/۹۶	۵/۰۱	۰/۴۶	net (۵۰)	y ₆
۰/۱۰	۰/۷۹	۰/۰۵	۰/۸۵	net (۸۹)	y ₃
۰/۲۹	۰/۶۹	۰/۰۶	۰/۹۱	net (۸۰۱)	y ₅
۷/۲۶	۰/۷۲	۲/۳۵	۰/۷۱	net (۷۸)	y ₆
۱/۹۸	۰/۸۲	۰/۰۶	۰/۹۷	net (۹۷)	y ₁
۱/۸۲	۰/۹۱	۰/۴۵	۰/۹۱	net (۸۰)	y ₂
۰/۳۹	۰/۷۹	۰/۰۷	۰/۶۹	net (۶۹)	y ₃
۰/۱۷	۰/۷۹	۰/۱۲	۰/۶۶	net (۹۴)	y ₅
۱۷/۳۹	۰/۸۶	۲/۱۲	۰/۷۴	net (۹۰۱)	y ₆
۰/۷۸	۰/۷۹	۰/۱۹	۰/۶۲	net (۱۰۰)	y ₁
۲/۲۱	۰/۸۶	۰/۹۵	۰/۶۰	net (۶۲)	y ₂
۰/۱۹	۰/۷۰	۰/۰۲	۰/۹۸	net (۱۰۷)	y ₃
۰/۳۰	۰/۸۹	۰/۴۸	۰/۶۳	net (۹۷)	y ₄
۰/۲۹	۰/۷۷	۰/۱۲	۰/۶۱	net (۱۰۵)	y ₅
۰/۴۰	۰/۹۴	۰/۰۹	۰/۹۱	net (۱۰۸)	y ₁
۱/۵۸	۰/۸۷	۰/۴۸	۰/۸۹	net (۸)	y ₂
۰/۲۹	۰/۸۳	۰/۰۴	۰/۹۲	net (۱۰۷)	y ₃
۰/۹۱	۰/۸۸	۰/۲۶	۰/۸۹	net (۶۰)	y ₄
۰/۶۷	۰/۶۶	۰/۱۳	۰/۸۳	net (۱۰۹)	y ₁
۵/۷۱	۰/۸۹	۰/۸۱	۰/۷۳	net (۷۸)	y ₂
۰/۲۹	۰/۷۹	۰/۰۴	۰/۹۰	net (۹۰۸)	y ₃
۱/۱۲	۰/۸۲	۰/۲۷	۰/۸۷	net (۹۵)	y ₄
۰/۳۹	۰/۸۳	۰/۱۰	۰/۷۴	net (۶۰)	y ₅
۰/۴۳	۰/۹۹	۰/۱۴	۰/۸۱	net (۱۰۵)	y ₁
۰/۱۴	۰/۸۶	۰/۰۵	۰/۸۷	net (۵۱۰)	y ₃
۰/۶۲	۰/۷۰	۰/۲۲	۰/۹۲	net (۱۰۷)	y ₄
۰/۲۶	۰/۲۸	۰/۱۶	۰/۳۵	net (۵۱۰)	y ₅
۰/۵۳	۰/۹۹	۰/۱۲	۰/۸۵	net (۷۱۰)	y ₁
۰/۱۶	۰/۹۳	۰/۰۲	۰/۹۸	net (۵۸)	y ₃
۱/۱۴	۰/۹۰	۰/۳۴	۰/۸۱	net (۴۹)	y ₄
۰/۱۶	۰/۸۹	۰/۰۶	۰/۹۲	net (۱۰۲)	y ₅
۲۳/۸۶	۰/۶۵	۰/۰۶	۱/۰۰	net (۸۹)	y ₆
۱/۴۱	۰/۷۰	۰/۳۹	۰/۹۳	net (۵۸)	y ₂
۰/۶۷	۰/۸۵	۰/۴۵	۰/۶۷	net (۹۸)	y ₄
۰/۲۷	۰/۷۰	۰/۰۷	۰/۸۹	net (۱۰۱)	y ₅
					x ₁₁

* بهترین حالت شبکه که در آن عدد اول داخل پارانتز تعداد نرون‌های لایه پنهان اول و عدد دوم داخل پارانتز تعداد نرون‌های لایه پنهان دوم را نشان می‌دهد. تعداد اعداد داخل پارانتز تعداد لایه‌های پنهان را نشان می‌دهد. در جدول حاضر تمام نتایج آورده نشده است. RMSE هموارد با داده‌ها است.

استخراج شده توسط روش اولسن و وزن خشک هوایی در هر دو مرحله آموزش و اعتبار سنجی برابر ۰/۹۱ بود. به علاوه با استفاده از شبکه عصبی مصنوعی می-توان در کاهش هزینه‌ها و وقت برای اندازه‌گیری فسفر قابل استفاده گیاه ذرت کمک شایانی کرد زیرا می‌توان با استفاده از این نرمافزار و روش آب مقطر غلظت فسفر بخش هوایی گیاه ذرت را به خوبی پیش‌بینی کرد (۲در مرحله آموزش و اعتبار سنجی به ترتیب برابر ۰/۸۸ و ۰/۸۰).

سپاسگزاری

این مقاله مستخرج از پایان‌نامه کارشناسی ارشد نویسنده اول بوده که بدین‌وسیله از معاونت محترم پژوهشی دانشگاه تبریز به دلیل تأمین هزینه‌های لازم تشرک می‌شود. همچنین از آقای دکتر محمدعلی قربانی دانشیار محترم گروه مهندسی علوم آب دانشکده کشاورزی دانشگاه تبریز به دلیل مساعدة علمی تشرک می‌گردد.

باید توجه داشت که این عصاره‌گیر می‌تواند چند عنصر را با هم اندازه‌گیری نماید، بنابراین شاید هزینه‌های این روش کمتر باشد. با توجه به ارزان و آسان بودن روش آب مقطر می‌توان از فسفر استخراج شده توسط این روش و با ANN با ۷ نرون در لایه اول و ۵ نرون در لایه دوم غلظت فسفر بخش هوایی را پیش‌بینی کرد.

نتیجه‌گیری کلی

در شرایط این مطالعه شبکه عصبی مصنوعی توانست پیش‌بینی بسیار بهتری نسبت به مدل‌های رگرسیونی از شاخص‌های رشد گیاه ذرت توسط داده‌های حاصل از عصاره‌گیرهای فسفر داشته باشد؛ به طوری که در رگرسیون خطی بیشترین^۲ بین فسفر استخراج شده توسط عصاره‌گیرها و وزن خشک بخش هوایی مربوط به روش کالول در هر دو مرحله آموزش و اعتبار سنجی بود^۲ به ترتیب ۰/۴۹ و ۰/۵۱ در حالی که در شبکه عصبی مصنوعی^۲ بین فسفر

منابع مورد استفاده

- حسین پورع و شریعتمداری ح، ۱۳۸۵. ارزیابی چند عصاره‌گیر جهت تعیین فسفر قابل استفاده در گیاه یونجه. علوم و فنون کشاورزی و منابع طبیعی، جلد ۱۰، شماره ۴، صفحه‌های ۱۰۷ تا ۱۱۸.
- حسین پورع و صالحی ح، ۱۳۸۸. تعیین فسفر قابل استفاده با روش نوارهای کاغذی پوشیده شده با اکسید آهن و مقایسه آن با روش‌های شیمیایی. مجله تحقیقات آب و خاک ایران، جلد ۲، شماره ۴۰، صفحه‌های ۱۰۵ تا ۱۱۰.
- زارع ابیانه ح، ۱۳۹۱. ارزیابی روش‌های ANN و زمین‌آمار در برآورد توزیع مکانی عملکرد گندم دیم و آبی (مطالعه موردي: خراسان رضوی). پژوهش‌های جغرافیای طبیعی، جلد ۴۴، شماره ۴، صفحه‌های ۲۲ تا ۴۲.
- شعبانی ا، حقنیا غ، کریمی عر و احمدی مم، ۱۳۹۰. پیش‌بینی عملکرد گندم دیم به کمک شبکه‌های عصبی مصنوعی در منطقه سیسab استان خراسان شمالی. دوازدهمین کنگره علوم خاک ایران، ۱۲ الى ۱۴ شهریور، دانشگاه تبریز، تبریز، ایران.

عطاردی ب و نادری خوراسگانی م، ۱۳۸۸. تعیین عصاره‌گیر مناسب و حد بحرانی فسفر برای سورگوم (Sorghumbicolor L. Var. Speedfeed) در خاک‌های آهکی منطقه بیргند. علوم و فنون کشاورزی و منابع طبیعی، جلد ۱۳، شماره ۵۰، صفحه‌های ۱۳۳ تا ۱۴۶.

منهاج مب، ۱۳۸۴. مبانی شبکه‌های عصبی (هوش محاسباتی)، چاپ سوم، انتشارات دانشگاه صنعتی امیرکبیر. نوروزی م، ایوبی ش، جلالیان ا و خادمی ح، ۱۳۸۷. ارزیابی کارآیی شبکه عصبی مصنوعی جهت پیش‌بینی مؤلفه‌های عملکرد گندم دیم با استفاده از مدل رقومی پستی‌بلندی زمین. دومین کنگره مشترک سیستم‌های فاری و سیستم‌های هوشمند. ۷ الى ۹ آبان، دانشگاه فردوسی مشهد، مشهد، ایران.

- predict cation exchange capacity in arid regions of Iran. European Journal of Soil Science 53: 748–757.
- Borgesen CD and Schaap M, 2005. Point and parameter pedotransfer functions for water retention predictions for Danish soils. Geoderma 127: 154–167.
- Chardon WJ, Menon RG and Chien SH, 1996. Iron Oxide impregnated filter paper (Pi test): A review of its development and methodological research. Nutrient Cycling in Agroecosystems 46: 42–51.
- Colwell JD, 1963. The estimation of the phosphorus fertilizer requirements of wheat in southern New South Wales by soil analysis. Australian journal of experimental agriculture and animal Husbandry 3: 190–198.
- Delgado A and Torrent J, 2001. A comparison of soil extraction procedures for estimating the phosphorus release potential of agricultural soils. Communications in Soil Science and Plant Analysis 32: 87–105.
- Delgado A and Scalenghe R, 2008. Aspects of phosphorus transfer in Europe. Journal of Plant Nutrition and Soil Science 171: 552–575.
- Drouinean G, 1942. Dosage rapide du calcarireactif du sol: nouvelles donnees sur la separation et la nature des fractions calcaires. Agronomy 12: 441–450.
- Gee GW and Bauder JW, 2002. Particle size analysis, Pp. 201–214. In: Jacob HD and Clarke ToppG (eds). Methods of Soil Analysis. Part 4. Physical Methods. Soil Science Society of America, Madison, WI.
- Humphreys J, Tunney H and Duggan P, 2001. Comparison of extractable soil phosphorus with dry matter production and phosphorus uptake by perennial ryegrass in a pot experiment. Irish Journal of Agricultural and Food Research 40: 45–54.
- Kravchenko AN and Bullock DG, 2000. Correlation of corn and soybean grain yield with topography and soil properties. European Journal of Agronomy 92: 75–83.
- Kulhanek M, Balik J, Cerny J, Nedved V and Kotkova B, 2007. The influence of different intensities of phosphorus fertilizing on available phosphorus contents in soils and uptake by plants. Plant Soil Environment 53: 382–387.
- Molinaa M, Ortegaa R and Escudey M, 2012. Evaluation of the AB-DTPA multiextractant in Chilean soils of different origin with special regard to available phosphorus. Archives of Agronomy and Soil Science 58: 789–803.
- Morgan MF, 1941. Chemical Soil Diagnosis by the Universal Soil Testing System; Bull, Storrs, CT, 450 p.
- Murphy J and Riley JP, 1962. A modified single solution method for the determination of phosphate in natural waters. Analytica Chimica Acta 27: 31–36.
- Nelson DW and Sommers LE, 1996. Total carbon, organic carbon and organic matter, Pp. 961–1010. In: Sparks DL (ed). Methods of Soil Analysis. Part 3. Chemical Methods. Soil Science Society of America, Madison, WI.
- Olsen SR, Cole CV, Watanabe FS and Dean LA, 1954. Estimation of Available Phosphorus in Soils by Extraction with Sodium Bicarbonate. USDA, Cire. 939, United States Government Printing Office, Washington DC.
- Olsen SR and Sommers LE, 1982. Phosphorus, Pp. 403–430, In: Page AL, Miller RH and Keeney DR (eds). Methods of Soil Analysis, 2nd ed. Part 2. Agronomy No. 9. American Society of Agronomy, Madison, WI.
- Paauw FVD, 1971. An effective water extraction method for the determination of plant-available phosphorus. Plant and Soil 34: 467–481.
- Qian P, Schoenau JJ and Karamanos RE, 1994. Simultaneous extraction of available phosphorus and potassium with a new soil test: a modification of the Kelowna extraction. Communications in Soil Science and Plant Analysis 25: 627–635.
- Richards LA, 1954. Diagnosis and Improvement of Saline and Alkaline Soils, p. 84. USDA Handbook. number, 60, U.S. Government Printing Office, Washington, DC.
- Richard A, 2004. Regression Analysis: A Constructive Critique. Sage Publications. Thousand Oaks, CA.
- Rhoades JD, 1996. Salinity, Electrical conductivity and total dissolved solids, Pp. 417–435. In: Sparks DL (ed). Methods of Soil Analysis. part3. Chemical Methods. Soil Science Society of America, Madison WI.
- Sharpley AN, 1993. Assessing phosphorus bioavailability in agricultural soils and runoff. Fertilizer Research 36: 259–272.
- Smith RCG, Adams J, Stephens DJ and Hick PT, 1995. Forecasting wheat yield in a Mediterranean-type environment from the NOAA satellite. Australian Journal of Agricultural Research 46: 113–125.
- Soltanpour PN and Schwab AP, 1977. A new soil test for simultaneous extraction of macro and micro nutrients in alkaline soils. Communications in Soil Science Plant Analysis 8: 195–207.
- Soon YK, 1990. Comparison of parameters of soil phosphate availability for the northwestern Canadian prairie. Canadian Journal of Soil Science 70: 227–237.
- Tamari S, Wosten JHM and Ruz-suarez JC, 1996. Testing an artificial neural network for predicting soil hydraulic conductivity. Soil Science Society of America Journal 60: 1732–1741.
- Waling I, VanVark W, Houba VJG and Vanderlee JJ, 1989. Soil and Plant Analysis, a series of syllabi. Part 7. Plant Analysis Procedures. Wageningen Agriculture University The Netherland.
- Watanabe FS and Olsen SR, 1965. Test of an ascorbic acid method for determining phosphorus in water and NaHCO_3 extracts from soil. Soil Science Society of America. Proc 29: 677–678.
- Yang C, Peterson CL, Shropshire GJ and Otawa T, 1998. Spatial variability of fieldtopography and wheat yield in the Palouse region of the Pacific Northwest. Transactions of the American Society of Agricultural Engineers 41: 17–27.